



# **SSC - MTS**

# **HAVALDAR**

**मल्टी टाइकिंग स्टाफ**

**STAFF SELECTION COMMISSION**

**भाग – 2**

**संख्यात्मक एवं तार्किक योग्यता**



# विषयसूची

S No.	Chapter Title	Page No.
1	प्रतिशतता	1
2	लाभ - हानि	5
3	औसत	10
4	संख्या पद्धति	14
5	सरलीकरण	21
6	लघुतम समापवर्त्य व महत्तम समापवर्तक	25
7	अनुपात व समानुपात	28
8	समय और कार्य	32
9	पाइप और टंकी	35
10	चाल, समय और दूरी	38
11	नाव और धारा	42
12	साधारण ब्याज	44
13	चक्रवृद्धि ब्याज	47
14	बीजगणित	50
15	क्षेत्रमिति	55
16	ज्यामिति	70
17	त्रिकोणमिति	87
18	सांख्यिकी (केंद्रीय प्रवृत्ति के माप)	94
19	डेटा इंटरप्रिटेशन	100
20	श्रंखला	111
21	सदृश्यता	114
22	वर्गीकरण	118
23	कूट भाषा परीक्षण	121

# विषयसूची

S No.	Chapter Title	Page No.
24	अंग्रेजी वर्णमाला परिक्षण	125
25	दिशा और दूरी	129
26	क्रम और रैंकिंग	134
27	रक्त संबंध	137
28	गणितीय संक्रियाएँ	145
29	आव्यूह (मैट्रिक्स)	147
30	बैठक व्यवस्था	150
31	वेन आरेख	154
32	न्याय निगमन (Syllogism)	159
33	पहेली परीक्षण	165
34	शब्दों का तार्किक क्रम	170
35	कथन और निष्कर्ष	173
36	आकृति श्रंखला	177
37	आकृति साद्रश्य	181
38	आकृति वर्गीकरण	185
39	दर्पण प्रतिबिंब	188
40	आकृति निमरण	192
41	अपूर्ण आकृति को पूरा करना	195
42	आकृति आव्यूह	200
43	सन्निहित आकृतिया	205
44	आकृतियों की गणना	209
45	कागज मोड़ना एवं काटना	216

# 1

# CHAPTER

# प्रतिशत्ता (Percentage)



- प्रतिशत का अर्थ है 'प्रति सैकड़ा' ।
  - जिस भिन्न का हर 100 हो, उसे प्रतिशत कहते हैं और उस भिन्न का अंश प्रतिशत दर कहलाता है ।
  - $100 \text{ में से } 5 = \frac{5}{100} = 5\%$
  - $100 \text{ में से } 10 = \frac{10}{100} = 10\%$
  - अर्थात् जब किसी राशि की तुलना 100 से की जाती है, तो वह प्रतिशत कहलाती है । जिससे तुलना की जाती है, वह आधार होता है । भिन्न में आधार हर को कहेगे ।

## प्रतिशत से भिन्न में रूपांतरण

$$100\% = 1 \quad 10 \% = \frac{1}{10} \quad 5 \frac{5}{19} \% = \frac{1}{19}$$

$$50\% = \frac{1}{2} \quad 9\frac{1}{11}\% = \frac{1}{11} \quad 5\% = \frac{1}{20}$$

$$33\frac{1}{3}\% = \frac{1}{3} \quad 8\frac{1}{3}\% = \frac{1}{12} \quad 4\frac{1}{6}\% = \frac{1}{24}$$

$$25\% = \frac{1}{4} \quad 7\frac{9}{13}\% = \frac{1}{13} \quad 4\% = \frac{1}{25}$$

$$20\% = \frac{1}{5} \quad 7\frac{1}{7}\% = \frac{1}{14} \quad 2\frac{1}{2}\% = \frac{1}{40}$$

$$16\frac{2}{3}\% = \frac{1}{6} \qquad 6\frac{2}{3}\% = \frac{1}{15} \qquad 37\frac{1}{2}\% = \frac{3}{8}$$

$$14\frac{2}{7}\% = \frac{1}{7} \quad 6\frac{1}{4}\% = \frac{1}{16} \quad 62\frac{1}{2}\% = \frac{5}{8}$$

$$12\frac{1}{2}\% = \frac{1}{8} \quad 5\frac{15}{16}\% = \frac{1}{16} \quad 57\frac{1}{3}\% = \frac{4}{9}$$

z      8      17      17      /      /

11 9 9 9 18 3 3

$$80\% = \frac{4}{5}$$

नोट -

- (i) किसी भिन्न या दशमलव भिन्न या पूर्णांक को प्रतिशत में बदलने के लिए उसे 100 से गुणा करते हैं।

(ii) प्रतिशत को भिन्न में बदलने के लिए उसे 100 से भाग देते हैं।

  - एक संख्या, दूसरी संख्या का कितना प्रतिशत है—

$$\text{राशि\%} = \frac{\text{दी गई राश्या}}{\text{मूल (दूसरी राश्या)}} \times 100$$






**Case I –** यदि  $x_1\%$  व  $x_2\%$  की वृद्धि हो, तो

$$\text{प्रतिशत वृद्धि} = x_1 + x_2 + \frac{x_1 \cdot x_2}{100}$$

**Case II –** यदि  $x_1\%$  व  $x_2\%$  की कमी हो, तो –

$$\text{प्रतिशत कमी} = x_1 + x_2 - \frac{x_1 \cdot x_2}{100}$$

**Case III –** यदि  $x_1\%$  की वृद्धि तथा  $x_2\%$  की कमी हो, तो प्रतिशत परिवर्तन =

$$x_1 - x_2 - \frac{x_1 \cdot x_2}{100} \left[ \begin{array}{l} x_1 = \text{हमेशा प्रतिशत वृद्धि} \\ x_2 = \text{हमेशा प्रतिशत कमी} \end{array} \right]$$

[नोट – खर्च, बिक्री से प्राप्त आय, राजस्व, क्षेत्रफल इत्यादि में प्रतिशत परिवर्तन निकालना हो, तो Same Rule का प्रयोग करेंगे ।]

उदा.2 लैपटॉप की कीमत में 25% की वृद्धि हुई। अब दूसरी बार कीमत में कितने प्रतिशत की वृद्धि हुई कि कुल वृद्धि 35% हो गई?

- (a) 7.5
- (b) 9
- (c) 8
- (d) 10

### जनसंख्या से संबंधित सूत्र



- यदि किसी शहर की जनसंख्या P हो एवं यह x% प्रतिवर्ष की दर से बढ़ रही हो, तो n वर्षों के बाद जनसंख्या

$$= P \left( 1 + \frac{x}{100} \right)^n$$

- यदि कम हो रही हो, तो जनसंख्या

$$= P \left( 1 - \frac{x}{100} \right)^n$$

उदा.1 यदि किसी शहर की जनसंख्या 4% प्रतिवर्ष की दर से बढ़ रही हो तथा लोगों की वर्तमान संख्या 15625 हो, तो 3 वर्ष बाद जनसंख्या क्या होगी?

उदा.2 किसी शहर की जनसंख्या 8000 है। यदि पुरुषों की संख्या 6 प्रतिशत की दर से बढ़े एवं महिलाओं की संख्या में वृद्धि की रफतार 10 प्रतिशत हो, तो जनसंख्या 8600 हो जाएगी। शहर में महिलाओं की संख्या ज्ञात करें।

उदा.3 1988 में किसी शहर की जनसंख्या 12% कम हो गई। 1989 में इसमें 15% की वृद्धि हुई। 1990 के आरम्भ में शहर की जनसंख्या पर कुल मिलाकर कितना प्रभाव पड़ा था?

- यदि किसी राशि का x प्रतिशत पहले व्यक्ति ने ले लिया हो, शेष का y प्रतिशत दूसरे व्यक्ति ने लिया हो तथा जो शेष बचे उसका z प्रतिशत तीसरे व्यक्ति द्वारा लेने के उपरान्त यदि A राशि बच जाए, तो आरंभ में कुल राशि

$$= \frac{A \times 100 \times 100 \times 100}{(100-x)(100-y)(100-z)}$$

- वस्तुओं के भाव में वृद्धि या कमी हो जाने पर उसके उपभोग में कमी अथवा वृद्धि

$$(a) \text{उपभोग में वृद्धि \%} = \frac{100 \times \text{कमी}}{100 - \text{कमी}}$$

$$(b) \text{उपभोग में कमी \%} = \frac{100 \times \text{वृद्धि}}{100 + \text{वृद्धि}}$$

### चीनी के भाव – खपत में कमी



उदा.1 चीनी के भाव में 40% वृद्धि होने पर किसी परिवार को चीनी की वार्षिक खपत कितने प्रतिशत कम करनी होगी जिससे परिवार का खर्च न बढ़े?

- (a)  $24\frac{4}{7}\%$
- (b)  $28\frac{4}{7}\%$
- (c)  $29\frac{4}{7}\%$
- (d)  $30\frac{4}{7}\%$

उदा.2 चीनी के मूल्य में 10% कमी होने पर कोई गृहिणी ₹ 1116 में 6.2 किग्रा. चीनी अधिक खरीद सकती है। चीनी का घटा हुआ मूल्य प्रति किग्रा. कितना है?

- (a) ₹ 12
- (b) ₹ 14
- (c) ₹ 16
- (d) ₹ 18

### किसी त्रिभुज – विकर्ण आदि



सिद्धांत

प्रश्नों के हल



- यदि किसी समबाहु त्रिभुज के प्रत्येक भुजा या शीर्षलम्ब, वर्ग के प्रत्येक भुजा या विकर्ण या परिमिती, वृत्त की त्रिज्या, व्यास या परिधि, घन या घनाभ के प्रत्येक भुजा, किसी गोला या अर्द्धगोला के त्रिज्या या व्यास इत्यादि में x प्रतिशत की वृद्धि या कमी कर दी जाए, तो उसके क्षेत्रफल में प्रतिशत कमी या वृद्धि

$$= 2x \pm \frac{x^2}{100} + \text{वृद्धि कमी}$$

उदा.1 जब त्रिज्या में 25% की वृद्धि की जाती है, तो वृत्त के क्षेत्रफल में प्रतिशत वृद्धि ज्ञात कीजिए?

- (a) 50%
- (b) 56.25%
- (c) 56%
- (d) 56.15%

उदा.2 यदि एक लम्ब वृत्तीय बेलन के आधार की त्रिज्या और ऊँचाई में से प्रत्येक में 20% की वृद्धि की जाती है, तो बेलन का आयतन कितना बढ़ जाएगा?

- (a) 40%
- (b) 60%
- (c) 72.80%
- (d) 96%

## समुच्चय पर आधारित प्रश्न



## प्रश्नों के हल



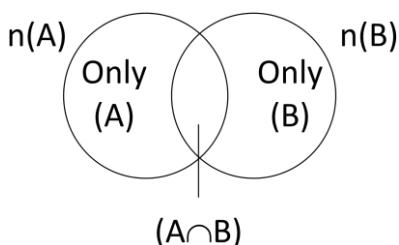
- $n(A \cup B) = A$  व  $B$  मिलकर या कम से कम एक हो ।

$n(A \cap B)$  = दोनों में शामिल हो ।

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

केवल  $A = n(A) - n(A \cap B)$

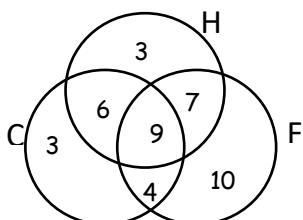
केवल  $B = n(B) - n(A \cap B)$



- उदाहरण 1** किसी विद्यालय में क्रिकेट टीम में 22, हॉकी टीम में 25 तथा फुटबॉल टीम में 30 लड़के हैं। अब यदि 15 लड़के हॉकी और क्रिकेट, 16 लड़के हॉकी और फुटबॉल, 13 लड़के फुटबॉल और क्रिकेट तथा 9 लड़के हॉकी, फुटबॉल और क्रिकेट खेलते हैं, तो खेलने वाले कुल लड़कों की संख्या ज्ञात कीजिए?

हल माना C, H और H क्रमशः क्रिकेट, हॉकी तथा फुटबॉल खेलने वाले लडकों का समुच्चय है। दिया है =  $n(C) = 22$ ,  $n(H) = 25$ ,  $n(F) = 30$ ,  $n(C \cap H \cap F) = 9$

$$n(C \cap H) = 15 \quad n(H \cap F) = 16 \text{ तथा } n(C \cap F) = 13$$



अब केवल C व H, खेलने वाले खिलाड़ियों की संख्या =  $n(C \cap H) - n(C \cap H \cap F)$

$$= 15 - 9 = 6$$

$$n(H \cap F) - n(C \cap H \cap F)$$

$$\text{केवल } C \text{ व } F \text{ खेलने वाले खिलाड़ियों की संख्या} = \\ n(C \cap F) - n(C \cap H \cap F)$$

$$= 13 - 9 = 4$$

$$\text{केवल C खेलने वाले खिलाड़ियों की संख्या} = 22 \\ - 6 - 9 - 4 = 3$$

$$\text{केवल H खेलने वाले खिलाड़ियों की संख्या} = 25 \\ - 6 - 9 - 4 = 10$$

तथा केवल F खेलने वाले खिलाड़ियों की संख्या =  
 $30 - 7 - 9 - 4 = 10$

$$\text{अतः खिलाड़ियों की कुल संख्या} = 3 + 6 + 3 + 9 \\ + 7 + 10 + 4 = 42$$

- उदाहरण 2** एक दफ्तर में 72% कर्मचारी चाय पीना पसंद करते हैं तथा 44% कॉफी पीना पसंद करते हैं। यदि प्रत्येक कर्मचारी दोनों में से एक अवश्य पसंद करें तथा 40 दोनों को पसंद करें, तो दफ्तर में कुल कर्मचारियों की संख्या कितनी है?



हल: (c)

- उदाहरण 3** एक परीक्षा में 34% विद्यार्थी गणित में फेल हुए तथा 41% अंग्रेजी में। यदि 20% विद्यार्थी दोनों विषयों में फेल हुए हो, तब दोनों विषयों में उत्तीर्ण होने वाले विद्यार्थियों का प्रतिशत कितना है?

उदाहरण






किये तथा B ने A से  $11\frac{1}{9}\%$  कम अंक प्राप्त किये,

कम अंक प्राप्त किये । ज्ञात कीजिए कि C इस परीक्षा में उत्तीर्ण हआ अथवा नहीं ।

- उदाहरण 8** एक चुनाव में दो उम्मीदवार थे। एक उम्मीदवार 30% मत लेकर 16000 मतों से हार गया। कुल कितने मत पड़े?



- उदा.9** दो उम्मीदवार के बीच हुए एक चुनाव में एक उम्मीदवार को कुल वैध मतों के 52% मत मिले तथा कुल मतों के 25% मत अवैध है। यदि कुल मतों की संख्या 8400 हो, तो दूसरे उम्मीदवार को कितने वैध मत मिले?

- (a) 3276
  - (b) 3196
  - (c) 3024
  - (d) निर्धारित नहीं किया जा सकता

- उदाहरण 10** एक चुनाव में दो उम्मीदवार थे। इसमें 75% मतदाताओं ने अपनी मताधिकार का प्रयोग किया तथा इनमें से 2% मतों को अवैध घोषित कर दिया गया। एक उम्मीदवार ने 9261 मत प्राप्त किये जो वैध मतों के 75% थे। मतदाता सूची में कुल कितने मतदाता थे?

## 2 CHAPTER

# लाभ – हानि (Profit & Loss)



- क्रय मूल्य CP (Cost Price) – वस्तु का खरीद मूल्य।
- विक्रय मूल्य SP (Selling Price) – जितने रुपये में वस्तु बेची जाती है।
- अंकित मूल्य (MRP) - एक वस्तु के MRP को अंकित मूल्य या छपा मूल्य या सूची मूल्य कहते हैं।
- छूट (Discount) सदैव अंकित मूल्य (MRP) पर दिया जाता है।
- छूट (Discount) की दशा में MRP सदैव 100% होता है। ( $SP = MRP$ )
- यदि  $S.P. > C.P.$  हो तो लाभ होगा।

लाभ = विक्रय मूल्य – क्रय मूल्य (Profit = SP – CP)

- यदि  $S.P. < C.P.$  हो तो हानि होगी।

हानि = क्रय मूल्य – विक्रय मूल्य (Loss = SP – CP)

$$\text{लाभ \%} = \frac{\text{लाभ}}{\text{क्रय मूल्य}} \times 100$$

- लाभ व हानि हमेशा क्रय मूल्य पर निकाली जाती है।

$$\text{हानि \%} = \frac{\text{हानि}}{\text{क्रय मूल्य}} \times 100$$

$$\text{विक्रय मूल्य (SP)} = \frac{100 + \text{लाभ \%}}{100} \times \text{क्रय मूल्य (CP)}$$

$$\text{विक्रय मूल्य (SP)} = \frac{100 - \text{हानि \%}}{100} \times \text{क्रय मूल्य (CP)}$$

$$\text{क्रय मूल्य (CP)} = \frac{100}{100 + \text{लाभ \%}} \times \text{विक्रय मूल्य (SP)}$$

$$\text{क्रय मूल्य (CP)} = \frac{100}{100 - \text{हानि \%}} \times \text{विक्रय मूल्य (SP)}$$

- यदि किसी वस्तु की संख्या के रूप में क्रय मूल्य या विक्रय मूल्य दिया हो तो  $x$  वस्तु का क्रय मूल्य  $y$  वस्तु के विक्रय मूल्य के बराबर है।  
 $\text{विक्रय मूल्य} = x, \text{क्रय मूल्य} = y$

$$\frac{\text{विक्रय मूल्य}}{\text{क्रय मूल्य}} = \frac{x}{y}$$

लाभ या हानि प्रतिशत =

$$\frac{(x - y) \times 100}{y} + = \% \text{ लाभ}$$

$$- = \% \text{ हानि}$$

- यदि वस्तु खरीदने का Rate दिया हो तो बेचने का Rate निकालना  
 $n$  रुपये में  $a$  की दर से वस्तु खरीदी जाती है, तो एक वस्तु का क्रय मूल्य =  $n/a$

$$\text{विक्रय मूल्य} = \frac{n}{a} \left( \frac{100 \pm r}{100} \right)$$

$$\frac{\text{छूट} - \text{रुपया}}{\text{हर} - \text{वस्तु}}$$

- यदि बेचना वाला मूल्य दिया हो तो खरीदने वाला मूल्य निकालना

$$CP = \frac{n}{a} \times \left( \frac{100}{100 \pm r} \right)$$

जब लाभ और हानि दोनों समान हो तो क्रय मूल्य (CP)

$$= \frac{\text{विक्रय मूल्य का योग}}{2}$$

- प्रश्न 1. एक विक्रेता किसी वस्तु को 1040 रुपये में बेचकर जितना लाभ प्राप्त करता है उतनी ही हानि होती है जब उसे 928 रुपये में बेचा जाता है तो बताइए वस्तु का क्रय मूल्य कितना रुपये है।

हल हम जानते हैं कि

$$\text{विक्रय मूल्य} = \text{क्रय मूल्य} + \text{लाभ}$$

$$\text{क्रय मूल्य} = \text{विक्रय मूल्य} + \text{हानि}$$

प्रश्नानुसार,

$$1040 - \text{लाभ} = 928 + \text{लाभ}$$

$$\therefore \text{हानि} = \text{लाभ} (\text{दिया है})$$

$$2 (\text{लाभ}) = 1040 - 920$$

$$2 (\text{लाभ}) = 112$$

$$\text{लाभ} = 56$$

$$\begin{aligned} \text{वस्तु का क्रय मूल्य} &= 928 + 56 \\ &= 984 \end{aligned}$$

- यदि विक्रय मूल्य प्रतिशत लाभ या हानि दिया हुआ हो ।

विक्रय मूल्य पर  $x\%$  लाभ होता है ।

$$\text{विक्रय मूल्य} = 100, \text{ लाभ} = x, \text{ CP} = 100 - x$$

$$\text{वास्तविक प्रतिशत लाभ} = \frac{x \times 100}{100 - x}$$

$$\begin{aligned} \text{विक्रय मूल्य पर } x\% \text{ हानि होती हो तो हानि प्रतिशत} \\ = \frac{x \times 100}{100 + x} \end{aligned}$$

- प्रश्न 2. एक विक्रेता दो समान मूल्य वाले घड़ियों को 20% लाभ पर बेचने का दावा करता है लेकिन एक के विक्रय मूल्य पर लाभ लेता है यदि दोनों घड़ियों के विक्रय मूल्य का अंतर 48 रुपये हो तो प्रत्येक घड़ी का क्रय मूल्य क्या है ?

हल प्रथम का % लाभ =  $\frac{20 \times 100}{80} = 25\%$

$$\text{प्रश्नानुसार, } 25\% - 20\% = 48 \Rightarrow 5\% = 48$$

$$100\% = \frac{48}{5} \times 100 = 96 \text{ रुपये}$$

- यदि दो वस्तुओं को  $x\%$  लाभ एवं  $x\%$  हानि पर बेचा जाए और उनके विक्रय मूल्य समान हो जाए तो हमेशा हानि होगी  $\Rightarrow$  हानि प्रतिशत =  $\frac{x^2}{100}$

- जब एक बेईमान व्यापारी खोटे बाट का इस्तेमाल करता हो – यदि कोई बेईमान दुकानदार अपनी वस्तुओं को क्रय मूल्य पर बेचता है परन्तु सही वजन की जगह कम वजन का प्रयोग करता है तो उसका

$$\text{लाभ प्रतिशत} = \frac{\text{सही वजन} - \text{कम वजन}}{\text{कम वजन}} \times 100$$

- भाव में गिरावट होने पर वस्तु की मात्रा में कमी वृद्धि

वर्तमान मूल्य (Present Price): रुपये  $\times \%$

Change = कम/अधिक (वस्तु/मात्रा)

## अभ्यास प्रश्न

क्रय मूल्य व विक्रय मूल्य से लाभ/हानि की गणना आधारित



प्रश्नों के हल



- उदा.1 150 रुपये से 300 रुपये के बीच के मूल्यों पर किताबें खरीदी जाती है ओर 250 रुपये से 350 रुपये के बीच के मूल्यों पर उन्हें बेचा जाता है, तो 15 किताबों को बेचने पर अधिकतम लाभ क्या होगा ?

(a) निर्धारित नहीं किया जा सकता है ।

(b) ₹ 750

(c) ₹ 4,250

(d) ₹ 3,000

उत्तर (d)

- उदा.2 एक साईकिल को 1960 रुपये में खरीद कर 1862 रुपये में बेचे जाने पर कितने प्रतिषत हानि होगी?

## लाभ/हानि प्रतिशत आधारित



प्रश्नों के हल



- उदा.1 एक व्यक्ति कुछ वस्तुएँ P रुपये प्रति दर्जन के भाव से खरीदता हैं तथा  $(P/8)$  रुपये प्रति वस्तु के भाव से बेच देता है, उसका लाभ प्रतिशत कितना है?

(a) 30%

(b) 40%

(c) 50%

(d) 60%

उत्तर (c)

- उदा.2 यदि एक वस्तु का विक्रय मूल्य क्रय मूल्य का  $1\frac{1}{3}$  है, लाभ % ज्ञात कीजिये ।

(a) 25%

(b)  $33\frac{1}{3}\%$

(c) 1.33%

(d)  $66\frac{2}{3}\%$

उत्तर (b)

## क्रय मूल्य व विक्रय मूल्य ज्ञात करना



उत्तर	(b)	
उदाहरण 2	3 रुपये में 7 संतरे की दर से संतरे खरीदे गये 33% लाभ कमाने के लिये प्रति सैकड़ा उन्हें किस दर से बेचना पड़ेगा ।	
	(a) Rs. 56	(b) Rs. 60
	(c) Rs. 58	(d) Rs. 57
उत्तर	(d)	

कोई वस्तु जब कई बार खरीदी / बेचीं जाये



उत्तर (c)

कोई वस्तु कम या अधिक में खरीदने/बेचने पर  
लाभ/हानि में परिवर्तन आधारित



**उदाहरण 1** कोई मशीन 10% मुनाफा लेकर 5060 रुपये में बेची जाती है। यदि इसे 4370 रुपये में बेचा गया होता तो कितने प्रतिशत का लाभ या हानि होती है?

## दो वस्तुए समान मूल्य पर बेचने आधारित



**उदाहरण 1** एक व्यक्ति ने 375 रुपये प्रति वस्तु की दर से दो वस्तुएँ बेची। एक वस्तु पर उसे 25% लाभ हुआ तथा दूसरी वस्तु पर उसे 25% हानि हुई, तो पूरे सौदे में प्रतिशत लाभ या हानि ज्ञात करें।

उत्तर (d)

**उदाहरण 2** एक व्यक्ति 99 रुपये प्रति वस्तु की दर से दो वस्तुएँ बेचता हैं। एक वस्तु पर उसे 10% का लाभ हुआ तथा दूसरी वस्तु पर उसे 10% की हानि हुई, तो पूरे सौदे में उसका प्रतिशत लाभ या हानि ज्ञात करें।

उत्तर (a)

विक्रय मूल्य / लाभ / हानि के बराबर होने पर  
आधारित






किसी एक दर में वस्तुएँ खरीद कर उसके व्युत्क्रम दर या अन्य किसी दर में बेचने पर आधारित





- उदाहरण 2** 25 रुपये में 10 संतरे की दर से संतरे खरीदे गये और इन्हें 25 रुपये में 9 संतरे की दर से बेच दिया गया, तो कितना लाभ होगा ?

- (a)  $9\frac{1}{11}\%$       (b) 10%  
 (c)  $11\frac{1}{9}\%$       (d)  $12\frac{1}{2}\%$

उत्तर (c)

- उदाहरण 3** एक व्यक्ति कुछ वस्तुओं को 5 वस्तु/रूपये की दर से खरीदा तथा उतनी ही वस्तु को 4 वस्तु/रूपये की दर से खरीदा। उसने दोनों वस्तुओं को मिला दिया और उन्हें 2 रूपये में 9 वस्तु की दर से बेच दिया। इस सौदे में उसे 3 रूपये की हानि हुई, तो उसके कल कितनी वस्तुएँ खरीदी थीं।



उत्तर (b)

## अंकित मूल्य पर आधारित



- उदाहरण 1** एक वस्तु का विक्रय मूल्य 4290 रुपये है। यदि 34% छूट दी जाती है, तो अंकित मूल्य (रुपये में) क्या है?

- (a) 6800 रुपये
  - (b) 7200 रुपये
  - (c) 6300 रुपये
  - (d) 6500 रुपये

उत्तर (d)

- उदाहरण 2** यदि कोई व्यवसायी एक वस्तु को इसके क्रय मूल्य से 20% अधिक मूल्य पर अंकित करता है और 30% की छूट देता है, तो उसका लाभ या हानि प्रतिशत क्या हैं ?

- (a) 10%, लाभ  
 (b) 16%, हानि  
 (c) 16%, लाभ  
 (d) 25%, लाभ

उत्तर

## अनुपात आधारित लाभ / हानि



उत्तर (a)

**उदाहरण 2** एक दुकानदार एक किताब को मुद्रित मूल्य पर 10% की छूट पर बेचने पर 12% का लाभ अर्जित करता है। पुस्तक के क्रय मूल्य और मुद्रित मूल्य का अनुपात है?

उत्तर (d)

## बेईमान दुकानदार / व्यापारी आधारित



**उदाहरण 1** एक हलवाई अपने सामान को क्रय मूल्य पर ही बेचता है, परन्तु वह 1 किग्रा. के स्थान पर 900 ग्राम तौलता है, तो उसका लाभ प्रतिशत ज्ञात कीजिए ?

**उदाहरण 2** एक दुकानदार चावल को 56 रुपये प्रति किंग्रा की दर से बेचता है जिसे उसने 48 रुपये प्रति किंग्रा में खरीदा था और वह 1000 ग्राम की जगह 950 ग्राम देता हैं, तो उसका लाभ प्रतिशत ज्ञात करें।

- (a) 18
- (b) 20
- (c) 22
- (d) 24

उत्तर (c)

कुछ वस्तुएँ खरीदने पर समान कुछ और वस्तुएँ  
उपहार स्वरूप दी जाती हो, पर आधारित



उत्तर (d)

**उदाहरण 2** एक दुकानदार 5 वस्तुओं की खरीद पर 3 वस्तुएँ फ्री देता है वह 20% बट्टा और देता है और फिर भी 25% लाभ कमाता है क्रय मूल्य और अंकित मूल्य का अनुपात ज्ञात करो।

# 3

## CHAPTER

# औसत (Average)



$$\text{औसत} = \frac{\text{परीक्षणों का योग}}{\text{परीक्षणों की संख्या}}$$

### संख्या आधारित औसत (सूत्र)

- प्रथम  $n$  प्राकृत संख्याओं का औसत =  $\frac{(n+1)}{2}$
- प्रथम  $n$  क्रमागत सम संख्याओं का औसत =  $(n+1)$
- प्रथम  $n$  क्रमागत विशम संख्याओं का औसत =  $n$
- प्रथम  $n$  प्राकृत संख्याओं के वर्गों का औसत =  $\frac{(n+1)(2n+1)}{6}$
- प्रथम  $n$  प्राकृत संख्याओं के घनों का औसत =  $\frac{n(n+1)^2}{4}$
- $1$  से लेकर  $n$  तक की विशम संख्याओं का औसत =  $\frac{(n+1)}{2}$ , (जहाँ  $n$  = अन्तिम विषम संख्या)
- $1$  से लेकर  $n$  तक की सम संख्याओं का औसत =  $\frac{(n+2)}{2}$ , ( $n$  जहाँ = अन्तिम सम संख्या)
- यदि समान दूरी तय करने में क्रमशः चाल  $a$  किमी./घंटा और  $b$  किमी./घंटा हो, तो औसत चाल =  $\frac{2ab}{(a+b)}$  होगी।
- यदि समान दूरी के लिए औसत चाल  $a$  किमी./घंटा,  $b$  किमी./घंटा तथा  $c$  किमी./घंटा हो, तो औसत चाल =  $\frac{3abc}{(ab+bc+ca)}$  किमी./घंटा होगी।
- $P$  व्यक्तियों में से एक व्यक्ति, जिसका औसत भार  $x$  किग्रा. है, चला जाता है के स्थान पर एक नया व्यक्ति आ जाता है, जिससे व्यक्तियों का औसत भार  $y$  किग्रा. बढ़ जाता है, तो नये व्यक्ति का भार =  $(x+P+y)$  किग्रा.
- $P$  व्यक्तियों की औसत आयु  $x$  वर्ष है।  $Q$  व्यक्तियों के और सम्मिलित हो जाने पर औसत आयु  $y$  वर्ष हो जाती है, तो नये व्यक्तियों की औसत आयु  $x+(y-x)\times\frac{(P+Q)}{Q}$  वर्ष हो
- $P$  व्यक्तियों की औसत आयु  $x$  वर्ष है।  $Q$  व्यक्तियों के बाहर चले जाने से व्यक्तियों की औसत आयु  $y$  वर्ष हो

जाती है, तो बाहर जाने वाले व्यक्तियों की औसत आयु

$$= x - \left[ (y-x) \times \frac{(P-Q)}{Q} \right] \text{ वर्ष}$$

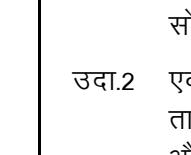
- $x$  बच्चों की औसत आयु  $y$  वर्ष है। यदि बच्चों की आयु में पिता की आयु जोड़ दी जाती है, तो उनकी औसत आयु  $z$  वर्ष हो जाती है। पिता की आयु =  $z \times (x+1) - y \times z$  वर्ष
  - $P$  छात्रों की औसत आयु  $x$  वर्ष है। एक छात्र के बाहर चले जाने पर छात्रों की औसत आयु  $y$  वर्ष हो जाती है, तो बाहर जाने वाले छात्र की औसत आयु =  $P \times x - (P-1)y$  वर्ष
  - किसी संस्थान में कुल  $P$  कर्मचारियों व अधिकारियों के वेतन का औसत मान प्रतिमाह ₹ $x$  हो तथा अधिकारियों के वेतन का औसत मान प्रतिमाह ₹ $y$  तथा कर्मचारियों के वेतन का औसत मान प्रतिमाह ₹ $z$  है तो, संस्था में कुल कर्मचारियों की संख्या =  $\frac{(x-y) \times P}{(z-y)}$
  - यदि प्रत्येक राशि को  $x$  गुना कर दिया जाए तो औसत भी  $x$  गुना हो जाता है।
  - गेंदबाज का औसत निकालना :-
- |                                  |  |
|----------------------------------|--|
| गेंदबाज का औसत =                 | $\frac{\text{कुल रन}}{\text{विकेटों की संख्या}}$ |
| कुल रन = औसत × विकेटों की संख्या |  |
- एक बल्लेबाज ने अपनी  $n^{\text{th}}$  पारी में 's' रन बनाए जिससे उसके औसत में 't' वृद्धि हो गई, तो 'n' पारियों के बाद औसत  $[x - t(n-1)]$  होगा।
- | संख्या के मान में परिवर्तन         | औसत में परिवर्तन           |
|------------------------------------|----------------------------|
| (1) प्रत्येक मान में 'x' की वृद्धि | (1) औसत में 'x' की वृद्धि  |
| (2) प्रत्येक मान में 'x' की कमी    | (2) औसत में 'x' की कमी     |
| (3) प्रत्येक मान में 'x' से गुणा   | (3) औसत में भी 'x' का गुणा |
| (4) प्रत्येक मान में 'x' से भाग    | (4) औसत में भी 'x' का भाग  |
- भारित औसत (Weighted Average)**
- यदि सदस्यों के दो या दो से अधिक समूह है जिनका व्यक्तिगत औसत ज्ञात है, तो सभी समूहों के सभी सदस्यों का संयुक्त औसत भारित औसत के रूप में जाना जाता है।
- यदि  $n_1, n_2, n_3, \dots, n_k$  के सदस्य वाले  $k$  समूह है जिनका औसत क्रमशः  $A_1, A_2, A_3, \dots, A_k$  है तो
- $$\text{भारित औसत (A}_w\text{)} = \frac{n_1 A_1 + n_2 A_2 + n_3 A_3 + \dots + n_k A_k}{n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_k}$$



उदा.2 25 लड़कों की औसत ऊँचाई 1.4 मीटर है, इस ग्रुप में से 5 लड़कों के कैम्प छोड़ जाने के बाद शेष लड़कों की औसत ऊँचाई में 0.15 मीटर की वृद्धि हो जाती है, जाने वाले 5 लड़कों की औसत ऊँचाई कितनी है ?

- (a) 0.8 मीटर
- (b) 0.9 मीटर
- (c) 0.95 मीटर
- (d) 1.05 मीटर

### आय तथा व्यय आधारित



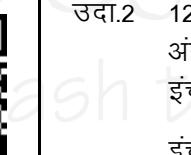
उदा.1 A तथा B की औसत मासिक आय ₹14,000 B तथा C की औसत मासिक आय ₹ 15,600 और A तथा C की औसत मासिक आय ₹ 14,400 है। B की मासिक आय कितनी है ?

- (a) 12,400 रुपये
- (b) 12,800 रुपये
- (c) 15,200 रुपये
- (d) 16,000 रुपये

उदा.2 एक परिवार का औसत मासिक व्यय प्रथम तीन माह ₹ 2,200 है, अगले चार माह का ₹ 2,550 है, और अंतिम पाँच का ₹ 3,120 है। यदि पूरे वर्ष की बचत ₹ 1,260 हो, तो औसत मासिक आय ज्ञात करें ?

- (a) 1,260 रुपये
- (b) 1,280 रुपये
- (c) 2,805 रुपये
- (d) 2,850 रुपये

### आयु आधारित



उदा.1 3 वर्ष पहले, 5 सदस्यों वाले परिवार की औसत आयु 17 वर्ष है। एक बच्चे का जन्म होता है फिर भी परिवार की वर्तमान औसत आयु 3 वर्ष पहले की औसत आयु के समान है। बच्चे की वर्तमान आयु ज्ञात करें ?

- (a) 2 वर्ष
- (b) 2.4 वर्ष
- (c) 3 वर्ष
- (d) 1.5 वर्ष

उदा.2 एक परिवार में पिता तथा माता की औसत आयु 35 वर्ष है। पिता, माता तथा उनके एकमात्र पुत्र की औसत आयु 27 वर्ष है। पुत्र की आयु कितनी है ?

- (a) 12 वर्ष
- (b) 11 वर्ष
- (c) 10.5 वर्ष
- (d) 10 वर्ष

### तापमान आधारित



उदा.1 सोमवार, मंगलवार एवं बुधवार का औसत ताप 75°C था। मंगलवार, बुधवार एवं गुरुवार का औसत ताप 77°C था। यदि गुरुवार का ताप 76°C था, तो सोमवार का ताप ज्ञात कीजिए ?

उदा.2 एक नगर के एक महीने के चार दिनों का औसत ताप 58°C था। यदि दूसरे तथा तीसरे दिन का औसत ताप 44°C है तथा पहले तथा चौथे दिन के ताप में अनुपात 7 : 11 है, तो पहले तथा चौथे दिन का ताप ज्ञात करो ?

- (a) 50°C, 100°C
- (b) 54°C, 88°C
- (c) 46°C, 76°C
- (d) 56°C, 88°C

### व्यक्तियों की संख्या ज्ञात करना



उदा.1 एक प्राथमिक विद्यालय में, छात्रों की औसत आयु 8 वर्ष और 12 शिक्षकों की औसत आयु 45 वर्ष है। यदि सभी की औसत आयु 9 साल है, तो छात्रों की संख्या क्या है ?

- (a) 432
- (b) 540
- (c) 408
- (d) 416

उदा.2 12000 सिपाहियों की एक सेना में भारतीय तथा अंग्रेज हैं। एक अंग्रेज की औसत ऊँचाई 5 फुट 10 इंच है और भारतीय की औसत ऊँचाई 5 फुट 9 इंच है। पूरी सेना की औसत ऊँचाई 5 फुट  $9\frac{3}{4}$  इंच है। सेना में भारतीयों की संख्या ज्ञात करो ?

- (a) 2500
- (b) 3000
- (c) 2800
- (d) 2200

### सही—गलत अंक आधारित



उदा.1 35 बच्चों की एक कक्षा के औसत अंक 35 है। 35 अंक प्राप्त करने वाले एक विद्यार्थी के अंक गलती से 65 लिखे गए। कक्षा की सही औसत क्या है ?

- (a) 33.76
- (b) 4.14
- (c) 35.24
- (d) 36.50

उदा.2 512 पृष्ठों वाली एक पुस्तक में छपाई की त्रुटियों की औसत संख्या 4 प्रति पृष्ठ है, यदि प्रथम 302 पृष्ठों में इन त्रुटियों की संख्या 998 हो, तो शेष पृष्ठों में त्रुटियों की औसत संख्या प्रति पृष्ठ कितनी है ?

- (a) 4
  - (b) 5
  - (c) 5.5
  - (d) 6.5

## परीक्षा अंक आधारित



उदाहरण 1 एक परीक्षा में छात्रों के एक समूह के प्राप्तांकों का समान्तर माध्य 52 था। उनमें सबसे अच्छे 20 प्रतिशत छात्रों को औसतन 80 अंक मिले और सबसे खराब 25 प्रतिशत छात्रों को औसतन 31 अंक, तब शेष 55 प्रतिशत छात्रों के प्राप्तांकों का औसत क्या था ?



उदा.2 एक समूह में विद्यार्थियों के औसत अंक 63 है। इनमें से 3 के प्राप्तांक 78, 69 तथा 48 है, शेष 6 विद्यार्थियों के औसत अंक कितने है ?