



चंडीगढ़

पुलिस कांस्टेबल

चंडीगढ़ पुलिस

भाग - 2

गणित एवं तार्किक योग्यता



# विषयसूची

S No.	Chapter Title	Page No.
1	संख्या पद्धति	1
2	सरलीकरण	8
3	आयु (Age Problems)	12
4	लघुत्तम समापवर्त्य व महत्तम समापवर्तक	14
5	करणी व घातांक	17
6	प्रतिशतता	21
7	लाभ - हानि	25
8	बहु	30
9	अनुपात व समानुपात	33
10	मिश्रण एवं एलीगेशन	37
11	औसत	39
12	समय और कार्य	43
13	समय और कार्य	46
14	पाइप और टंकी	49
15	चाल, समय और दूरी	52
16	नाव और धारा	56
17	साधारण ब्याज	58
18	चक्रवृद्धि ब्याज	61
19	साझेदारी	64
20	क्षेत्रमिति	67
21	सांख्यिकी (केंद्रीय प्रवृत्ति के माप)	82
22	डेटा इंटरप्रिटेशन	88
23	अंग्रेजी वर्णमाला परीक्षण	99

# विषयसूची

S No.	Chapter Title	Page No.
24	श्रृंखला	104
25	कूट भाषा परीक्षण	108
26	सादृश्यता	112
27	वर्गीकरण	116
28	दिशा और दूरी	119
29	रक्त संबंध	124
30	क्रम और रैंकिंग	131
31	घडी	135
32	बैठक व्यवस्था	139
33	कैलेंडर	143
34	गणितीय संक्रियाएँ	146
35	वेन आरेख	148
36	न्याय निगमन	153
37	पासा	159
38	पहेली परीक्षण	162
39	शब्दों का तार्किक क्रम	167
40	कथन और तर्क	170
41	कथन और निष्कर्ष	175
42	कथन और कार्यवाही	180
43	लुप्त पदों को भरना	184

## 1

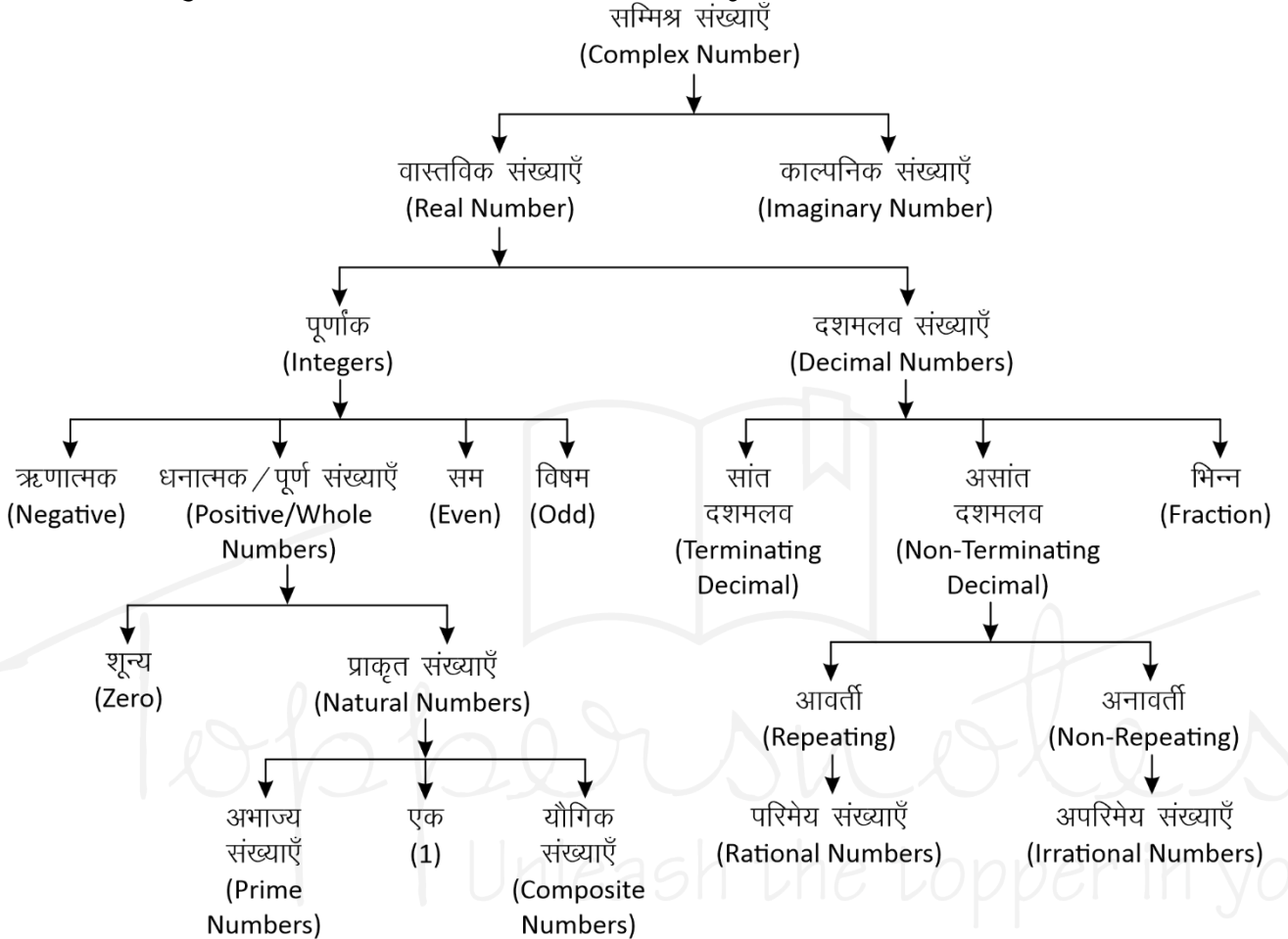
## CHAPTER

# संख्या पद्धति (Number System)



**संख्या पद्धति :-** किसी भी यौगिक राशि के परिणामों का बोध कराने के लिए जिस पद्धति का उपयोग होता है, संख्या पद्धति कहलाती है।

संख्याओं को उनके गुणों और विशेषताओं के आधार पर निम्न प्रकार से वर्गीकृत किया जा सकता है –



## सम्मिश्र संख्याएँ (Complex Number)

वे सभी संख्याएँ जो वास्तविक और काल्पनिक संख्याओं से मिलकर बनी होती हैं।

इन्हें  $(a + ib)$  के रूप में लिखा जाता है। जहाँ  $a$  और  $b$  वास्तविक संख्याएँ हैं तथा  $i = \sqrt{-1}$  है।

$$Z = a \text{ (वास्तविक संख्या)} + ib \text{ (काल्पनिक संख्या)}$$

- वास्तविक संख्याएँ (Real Numbers):** परिमेय एवं अपरिमेय संख्याओं को सम्मिलित रूप से वास्तविक संख्या कहते हैं। इन्हें संख्या रेखा पर प्रदर्शित किया जा सकता है।
- पूर्णांक संख्याएँ :** संख्याओं का ऐसा समुच्चय जिसमें पूर्ण संख्याओं के साथ-साथ ऋणात्मक संख्याएँ भी सम्मिलित हो, पूर्णांक संख्याएँ कहलाती हैं, इसे  $I$  से सूचित करते हैं।  
 $I = \{-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$

- धनात्मक/पूर्ण संख्याएँ :** जब प्राकृत संख्याओं के परिवार में 0 को भी शामिल कर लेते हैं, तब वह पूर्ण संख्याएँ कहलाती हैं।

$$W = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

**नोट :** चार लगातार प्राकृतिक संख्याओं का गुणनफल हमेशा 24 से पूर्णतः विभाज्य होता है।

- प्राकृत संख्याएँ :** जिन संख्याओं का इस्तेमाल वस्तुओं को गिनने के लिए किया जाता है, प्राकृत संख्या कहते हैं।

$$N = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

प्रथम  $n$  प्राकृतिक संख्याओं का योग  $= \frac{n(n+1)}{2}$

प्रथम  $n$  प्राकृतिक संख्याओं के वर्गों का योग  $= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

प्रथम  $n$  प्राकृतिक संख्याओं के घनों का योग =

$$\left[ \frac{n(n+1)}{2} \right]^2$$

दो लगातार प्राकृतिक संख्याओं के वर्गों का अंतर उनके योगफल के बराबर होता है।

**उदाहरण –**

$$11^2 = 121$$

$$12^2 = 144$$

$$11 + 12 \rightarrow 23 \quad \text{Difference } 144 - 121 = 23$$

**(a) अभाज्य संख्याएँ (Prime Numbers) :-** एक संख्या जिसके केवल दो ही गुणक होते हैं, 1 और वह संख्या स्वयं, उन्हें अभाज्य संख्या कहते हैं।

**जैसे –** {2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19.....}

• तीन अंको की सबसे छोटी अभाज्य संख्या = 101

• तीन अंको की सबसे बड़ी अभाज्य संख्या = 997

जहाँ 1 Prime Number नहीं है।

2 एकमात्र सम Prime संख्या है।

3, 5, 7 क्रमागत विषम अभाज्य संख्या का इकलौता जोड़ा है।

1 से 25 तक कुल अभाज्य संख्या = 9

25 से 50 तक कुल अभाज्य संख्या = 6

1-50 तक कुल 15 Prime Number है।

51-100 तक कुल 10 Prime Number है।

अतः 1-100 तक कुल 25 Prime Number है।

1 से 200 तक कुल अभाज्य संख्या = 46

1 से 300 तक कुल अभाज्य संख्या = 62

1 से 400 तक कुल अभाज्य संख्या = 78

1 से 500 तक कुल अभाज्य संख्या = 95

☞ **अभाज्य संख्याओं का परीक्षण :-** दी गयी संख्या के संभावित वर्गमूल से बड़ी कोई संख्या लीजिए। माना यह संख्या  $x$  है, अब  $x$  से छोटी समस्त अभाज्य संख्याओं की सहायता से दी गयी संख्या की विभाज्यता का परीक्षण कीजिए।

• यदि यह इनमें से किसी से भी विभाज्य नहीं है तो यह निश्चित रूप से एक अभाज्य संख्या होगी।

**उदाहरण –**

क्या 349 एक अभाज्य संख्या है या नहीं ?

**हल –**

349 का संभावित वर्गमूल 19 होगा और 19 से छोटी सभी अभाज्य संख्याएँ : 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17 है।

स्पष्ट है कि 349 इन सभी अभाज्य संख्याओं से विभाज्य नहीं है अतः 349 भी एक अभाज्य संख्या है।

**सह अभाज्य संख्याएँ (Co-prime Numbers) –** वह संख्याएँ जिनका HCF सिर्फ 1 हो।

**उदाहरण –** (4,9), (15, 22), (39, 40)

$$\text{HCF} = 1$$

**(b) यौगिक संख्याएँ (Composite Numbers) :-** वे प्राकृत संख्याएँ जो 1 या स्वयं को छोड़कर किसी अन्य संख्या से भी विभाज्य हो, यौगिक संख्याएँ कहलाती हैं।  
**जैसे –** 4, 6, 8, 9, 10 आदि।

**(ii) सम संख्याएँ :** संख्याएँ जो 2 से पूर्णतः विभाज्य हो सम संख्या कहलाती हैं।

$$n \text{ वां पद} = 2n$$

$$\text{प्रथम } n \text{ सम संख्याओं का योग} = n(n+1)$$

$$\text{प्रथम } n \text{ सम संख्याओं के वर्गों का योग} =$$

$$\frac{2n(n+1)(2n+1)}{3}$$

$$\left\{ n = \frac{\text{अंतिम पद}}{2} \right\}$$

**(iii) विषम संख्याएँ :** वह संख्याएँ जो 2 से विभाजित न हो, विषम संख्याएँ होती हैं।

$$\text{प्रथम } n \text{ विषम संख्याओं का योग} = n^2$$

$$\left\{ n = \frac{\text{अंतिम पद} + 1}{2} \right\}$$

**II. दशमलव**

दशमलव वे संख्याएँ हैं जो दो पूर्ण संख्याओं या पूर्णांकों के बीच आती हैं। जैसे – 3.5 एक दशमलव संख्या है जो 3 व 4 के बीच स्थित है।

• प्रत्येक दशमलव संख्या को भिन्न के रूप में लिखा जा सकता है और इसके विपरीत प्रत्येक भिन्न को भी दशमलव रूप में लिखा जा सकता है।

**(i) सांत दशमलव**

वह संख्याएँ जो दशमलव के बाद कुछ अंकों के बाद खत्म हो जाये जैसे – 0.25, 0.15, 0.375 इसे भिन्न संख्या में लिखा जा सकता है।

**(ii) असांत दशमलव**

जो संख्याएँ दशमलव के बाद कभी खत्म नहीं होती बल्कि पुनरावृत्ति करती हो, अनंत तक।

$$\text{जैसे – } 0.3333, 0.7777, 0.183183183.....$$

ये दो प्रकार के हो सकते हैं –

**A. आवर्ती दशमलव भिन्न (Repeating)**

वह दशमलव भिन्न दशमलव बिंदु के बाद एक या अधिक अंकों की पुनरावृत्ति होती है।

$$\text{जैसे – } \frac{1}{3} = 0.333..., \frac{22}{7} = 3.14285714.....$$

• ऐसी भिन्नों को व्यक्त करने के लिए दोहराए जाने वाले अंक के ऊपर एक रेखा खींच देते हैं।

इसे बार बोलते हैं।

$$0.333..... = 0.\overline{3}$$

$$\frac{22}{7} = 3.14285714..... = 3.\overline{142857}$$

- शुद्ध आवर्ती दशमलव भिन्न को निम्न प्रकार से साधारण भिन्न में बदले -

$$0.\overline{P} = \frac{P}{9} \quad 0.\overline{pq} = \frac{pq}{99} \quad 0.\overline{pqr} = \frac{pqr}{999}$$

- मिश्रित आवर्ती दशमलव भिन्न को निम्न प्रकार से साधारण भिन्न में बदले -

$$0.p\overline{q} = \frac{pq - p}{90} \quad 0.pq\overline{r} = \frac{pqr - pq}{900}$$

$$0.\overline{pqr} = \frac{pqr - p}{990} \quad 0.pq\overline{rs} = \frac{pqrs - pq}{9900}$$

उदाहरण -

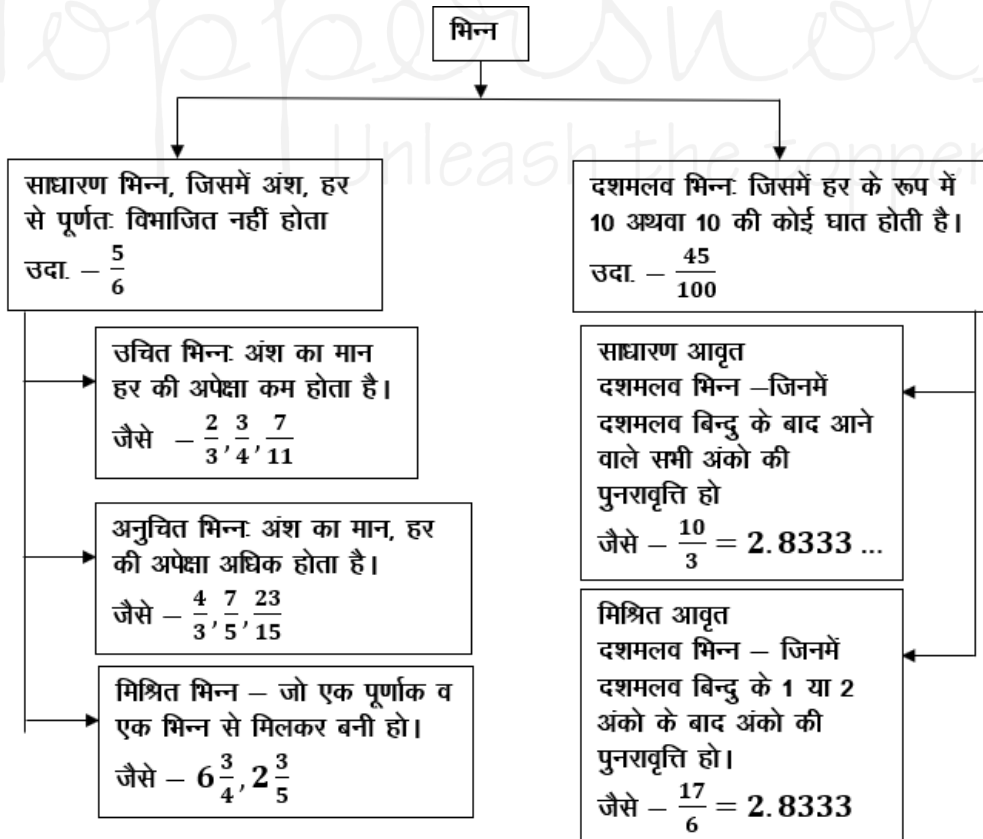
$$(i) \quad 0.\overline{39} = \frac{39}{99} = \frac{13}{33}$$

$$(ii) \quad 0.\overline{625} = \frac{625 - 6}{990} = \frac{619}{990}$$

$$(iii) \quad 0.\overline{3524} = \frac{3524 - 35}{9900} = \frac{3489}{9900} = \frac{1163}{3300}$$

- परिमेय (Rational) संख्याएँ - वह संख्याएँ जिन्हें P/Q form में लिखा जा सकता है, लेकिन Q जहाँ शून्य नहीं होना चाहिए, P व Q पूर्णांक होने चाहिए।

भिन्नों के प्रकार



उदाहरण -

$$\frac{2}{3}, \frac{4}{5}, \frac{10}{-11}, \frac{7}{8}$$

### B. अनावर्ती (Non-Repeating)

जो संख्याएँ दशमलव के बाद कभी खत्म नहीं होती पर ये अपनी संख्याओं की निश्चित पुनरावृत्ति (Repeat) नहीं करती।

जैसे -  $\pi = 3.1415926535897932...$

$\sqrt{2} = 1.41421356237...$

- अपरिमेय (Irrational) संख्याएँ - इन्हें P/Q form में प्रदर्शित नहीं किया जा सकता।

उदाहरण -

$\sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{11}, \sqrt{19}, \sqrt{26}.....$

**भिन्न (Fraction) :-** भिन्न एक ऐसी संख्या है जो किसी सम्पूर्ण चीज का कोई भाग निरूपित करती है।

जैसे एक सेब के चार भाग किये जाते हैं, उसमें से एक हिस्सा निकाल दिया गया तो उसे  $\frac{1}{4}$  के रूप में प्रदर्शित

किया जाता है। जबकि शेष बचे भाग को  $\frac{3}{4}$  के रूप में

प्रदर्शित किया जायेगा।

भिन्न दो भागों में बंटा होता है - अंश व हर

माना कोई भिन्न =  $\frac{p}{q}$

$p \rightarrow$  अंश  
 $q \rightarrow$  हर



<p><math>n</math> विषम होने पर भाजक <math>\rightarrow (a-b)</math></p> <p><math>n</math> सम होने पर भाजक <math>\rightarrow (a-b)</math> या <math>(a+b)</math> या दोनों ।</p> <p>(i) <math>a^n \div (a-1)</math> हो, तो शेषफल हमेशा 1 बचेगा ।</p> <p>(ii) <math>a^n \div (a+1)</math> <math>\left\{ \begin{array}{l} \text{यदि } n \text{ सम हो, तो हमेशा 1 बचेगा} \\ \text{यदि } n \text{ विषम हो, तो शेषफल } a \text{ होगा} \end{array} \right.</math></p> <p>(iii) <math>(a^n + a) \div (a-1)</math> हो, तो शेषफल 2 बचेगा</p> <p>(iv) <math>(a^n + a) \div (a+1)</math> <math>\left\{ \begin{array}{l} \text{यदि } n \text{ सम हो, तो शेषफल शून्य (0) होगा।} \\ \text{यदि } n \text{ विषम हो, तो शेषफल } (a-1) \text{ होगा।} \end{array} \right.</math></p>	<table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="6">रोमन पद्धति के संकेतक</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>I</td><td>20</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>XX</td> </tr> <tr> <td>2</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>II</td><td>30</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>XXX</td> </tr> <tr> <td>3</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>III</td><td>40</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>XL</td> </tr> <tr> <td>4</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>IV</td><td>50</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>L</td> </tr> <tr> <td>5</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>V</td><td>100</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>C</td> </tr> <tr> <td>6</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>VI</td><td>500</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>D</td> </tr> <tr> <td>7</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>VII</td><td>1000</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>M</td> </tr> <tr> <td>8</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>VIII</td><td></td><td></td><td></td> </tr> <tr> <td>9</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>IX</td><td></td><td></td><td></td> </tr> <tr> <td>10</td><td><math>\rightarrow</math></td><td>X</td><td></td><td></td><td></td> </tr> </tbody> </table>	रोमन पद्धति के संकेतक						1	$\rightarrow$	I	20	$\rightarrow$	XX	2	$\rightarrow$	II	30	$\rightarrow$	XXX	3	$\rightarrow$	III	40	$\rightarrow$	XL	4	$\rightarrow$	IV	50	$\rightarrow$	L	5	$\rightarrow$	V	100	$\rightarrow$	C	6	$\rightarrow$	VI	500	$\rightarrow$	D	7	$\rightarrow$	VII	1000	$\rightarrow$	M	8	$\rightarrow$	VIII				9	$\rightarrow$	IX				10	$\rightarrow$	X			
रोमन पद्धति के संकेतक																																																																			
1	$\rightarrow$	I	20	$\rightarrow$	XX																																																														
2	$\rightarrow$	II	30	$\rightarrow$	XXX																																																														
3	$\rightarrow$	III	40	$\rightarrow$	XL																																																														
4	$\rightarrow$	IV	50	$\rightarrow$	L																																																														
5	$\rightarrow$	V	100	$\rightarrow$	C																																																														
6	$\rightarrow$	VI	500	$\rightarrow$	D																																																														
7	$\rightarrow$	VII	1000	$\rightarrow$	M																																																														
8	$\rightarrow$	VIII																																																																	
9	$\rightarrow$	IX																																																																	
10	$\rightarrow$	X																																																																	

### विभाज्यता के नियम

संख्या	नियम
2 से	अन्तिम अंक सम संख्या या शून्य (0) हो जैसे - 236, 150, 1000004
3 से	किसी संख्या में अंकों का योग 3 से विभाजित होगा तो पूर्ण संख्या 3 से विभाजित होगी। जैसे - 729, 12342, 5631
4 से	अन्तिम दो अंक शून्य हो या 4 से विभाजित हो जैसे - 1024, 58764, 567800
5 से	अन्तिम अंक शून्य या 5 हो जैसे - 3125, 625, 1250
6 से	कोई संख्या अगर 2 तथा 3 दोनों से विभाजित हो तो वह 6 से भी विभाजित होगी। जैसे - 3060, 42462, 10242
7 से	यदि दी गयी संख्या के इकाई अंक का दुगुना बाकी संख्या (इकाई का अंक छोड़कर) से घटाने पर प्राप्त संख्या 7 से विभाजित है तो पूरी संख्या 7 से विभाजित हो जाएगी। अथवा किसी संख्या में अंकों की संख्या 6 के गुणज में हो तो संख्या 7 से विभाजित होगी। जैसे - 222222, 444444444444, 7854
8 से	यदि किसी संख्या के अन्तिम तीन अंक 8 से विभाज्य हो या अन्तिम तीन अंक '000' (शून्य) हो। जैसे - 9872, 347000
9 से	किसी संख्या के अंकों का योग अगर 9 से विभाज्य हो तो पूर्ण संख्या 9 से विभक्त होगी।
10 से	अन्तिम अंक शून्य (0) हो तो
11 से	विषम स्थानों पर अंकों का योग व सम स्थानों पर अंकों के योग का अन्तर शून्य (0) या 11 का गुणज हो तो जैसे - 1331, 5643, 8172659
12 से	3 व 4 के विभाज्य का संयुक्त रूप
13 से	किसी संख्या में एक ही अंक 6 बार दोहराए या अन्तिम अंक को 4 से गुणा करके शेष संख्या (इकाई अंक छोड़कर) में जोड़ने पर प्राप्त संख्या 13 से विभाजित हो तो पूर्ण संख्या 13 से विभाजित होगी। जैसे - 222222, 17784



## अभ्यास प्रश्न

### संख्याओं के योग, अंतर तथा गुणनफल पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 यदि किसी संख्या का  $\frac{3}{4}$  उस संख्या के  $\frac{1}{6}$  से 7 अधिक है, तो उस संख्या  $\frac{5}{3}$  क्या होगा?

- (a) 12 (b) 18  
(c) 15 (d) 20

उत्तर (d)

उदा.2 यदि दो संख्याओं का योगफल तथा उनका गुणनफल  $a$  तथा  $b$ , उनके व्युत्क्रमों का योगफल होगा

- (a)  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$  (b)  $\frac{b}{a}$   
(c)  $\frac{a}{b}$  (d)  $\frac{a}{ab}$

उत्तर (c) 1"

उदा.3 दो संख्याओं का योग 75 है और उनका अंतर 25 है, तो उन दोनों संख्याओं का गुणनफल क्या होगा?

- (a) 1350 (b) 1250  
(c) 1000 (d) 125

उत्तर (b)

उदा.4 एक विद्यार्थी से किसी संख्या का  $\frac{5}{16}$  ज्ञात करने के लिये कहा गया और गलती से उस संख्या का  $\frac{5}{6}$  ज्ञात कर लिया अर्थात् उसका उत्तर सही उत्तर से 250 अधिक था तो दी हुई संख्या ज्ञात कीजिये।

- (a) 300 (b) 480  
(c) 450 (d) 500

उत्तर (b)

### सम, विषम तथा अभाज्य संख्याओं पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 यदि किन्हीं तीन क्रमागत विषम प्राकृत संख्याओं का योग 147 हो, तो बीच वाली संख्या होगी।

- (a) 47 (b) 48  
(c) 49 (d) 51

उत्तर (c)

उदा.2 तीन अभाज्य संख्याओं का योग 100 है यदि उनमें से एक संख्या दूसरी संख्या से 36 अधिक हो तो एक संख्या क्या होगा ?

### भाग, भागफल तथा शेषफल पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 64329 को जब किसी संख्या से भाग दिया जाता है, तो 175, 114 तथा 213 लगातार तीन शेषफल आते हैं तो भाज्य क्या है ?

- (a) 184 (b) 224  
(c) 234 (d) 296

उत्तर (c)

उदा.2  $(3^{25} + 3^{26} + 3^{27} + 3^{28})$  विभाजित है।

- (a) 11 (b) 16  
(c) 25 (d) 30

उत्तर (d)

उदा.3 विभाजन के एक योगफल में विभाजक, भागफल का 12 गुना तथा शेषफल का 5 गुना है। तदनुसार, यदि उसमें शेषफल 36 हो, तो भाज्य कितना होगा ?

- (a) 2706  
(b) 2796  
(c) 2736  
(d) 2826

उत्तर (c)

### इकाई अंक निकालना आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $416 \times 333 + 2167 \times 118 - 114 \times 133$  के परिणाम का इकाई अंक ज्ञात कीजिए ?

कितना है ?

- (a) 0 (b) 2  
(c) 3 (d) 5

## प्राकृतिक संख्याओं के square/cube के योग एवं अंतर पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $(11^2 + 12^2 + 13^2 + \dots + 20^2) = ?$

- (a) 385 (b) 2485  
(c) 2870 (d) 3255

उदा.2  $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 10^3 = ?$

## दशमलव संख्या आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 एक विद्यार्थी को निम्नलिखित व्यंजक को सरल करने को कहा गया

$$\frac{0.0016 \times 0.025}{0.325 \times 0.05} \div \frac{0.1216 \times 0.105 \times 0.002}{0.08512 \times 0.625 \times 0.039} + \left( \sqrt[4]{27} - \sqrt{6\frac{3}{4}} \right)^2$$

उसका उत्तर  $\frac{19}{10}$  था। उसके उत्तर में कितने प्रतिशत त्रुटि थी ?

उदा.2  $\frac{0.936 - 0.568}{0.45 + 2.67}$  को परिमेय संख्या के रूप में व्यक्त कीजिए ?

## शून्य की संख्या पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $(1^1 \times 2^2 \times 3^3 \times 4^4 \times \dots \times 98^{98} \times 99^{99} \times 100^{100})$

के गुणनफल में जीरो (शून्यों) की संख्या ज्ञात करें ?  
(a) 1200 (b) 1300  
(c) 1500 (d) 1600

उदा.2  $1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 250$  को गुणा किया जाए तो परिणाम के अंत में कितने 0 होंगे ?

## सबसे बड़ी तथा सबसे छोटी संख्या/भिन्न ज्ञात करने पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 निम्न में से  $\frac{2}{5}$  और  $\frac{4}{9}$  के बीच उपस्थित भिन्न हैं ?

- (a)  $\frac{3}{7}$  (b)  $\frac{2}{3}$   
(c)  $\frac{4}{5}$  (d)  $\frac{1}{2}$

उदा.2 निम्न में से बड़ी संख्या है।

- $(3)^{\frac{1}{3}}, (2)^{\frac{1}{2}}, 1, (6)^{\frac{1}{6}}$   
(a)  $(2)^{\frac{1}{2}}$  (b) 1  
(c)  $(6)^{\frac{1}{6}}$  (d)  $(3)^{\frac{1}{3}}$

## आरोही/अवरोही क्रम आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $\sqrt{2}, \sqrt[3]{4}, \sqrt[4]{6}$  को बढ़ते क्रम में लिखने पर -

- (a)  $\sqrt{2}, \sqrt[3]{4}, \sqrt[4]{6}$  (b)  $\sqrt[4]{6} < \sqrt{2} < \sqrt[3]{4}$   
(c)  $\sqrt[4]{6} < \sqrt[3]{4} < \sqrt{2}$  (d)  $\sqrt{2} < \sqrt[4]{6} < \sqrt[3]{4}$

उदा.2 निम्नलिखित को आरोही क्रम में सजाएँ -  
 $\sqrt{7} - \sqrt{5}, \sqrt{5} - \sqrt{3}, \sqrt{9} - \sqrt{7}, \sqrt{11} - \sqrt{9}$

उदा.3 संख्याओं  $\frac{7}{9}, \frac{11}{13}, \frac{16}{19}, \frac{21}{25}$  को अवरोही क्रम में लिखिये ?

## गुणनखंडों की संख्या पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $\{(127)^{127} + (97)^{127}\}$  तथा  $\{(127)^{97} + (97)^{97}\}$  का

उभयनिष्ठ गुणनखण्ड क्या होगा ?

- (a) 127 (b) 97  
(c) 30 (d) 224

उदा.2  $\frac{(18)^{15} \times (75)^{16} \times (42)^{14}}{(35)^{12} \times (12)^{16}}$  में कितने अभाज्य खंड हैं ?

# 2

## CHAPTER

# सरलीकरण (Simplification)



- सरलीकरण के अंतर्गत हम दिए गये आँकड़ों को सरल रूप में प्रदर्शित करते हैं जैसे कि आँकड़े भिन्न में, दशमलव में, बट्टे में, घात में तथा **Mathematical Operation** को हल करके या रूप बदल के किया जाता है ।
- यदि कुछ संख्या पर भिन्न-भिन्न प्रकार के **Operation** दिये हो तो हम उसे कैसे हल करे कि प्रश्न का उत्तर सही आये उसके लिये एक **Rule** होता है जिसे हम **VBODMAS** का **Rule** कहते हैं ।
- हम पहले कौनसा **Operation** करे, यह **VBODMAS** का **Rule** तय करता है ।



- इन सभी गणितीय क्रियाओं में सबसे पहले **V** है जिसका मतलब **Vinculum** (रेखा कोष्ठक) है । यदि प्रश्न में रेखा कोष्ठक है तो सर्वप्रथम उसे हल करेंगे और उसमें फिर **(BODMAS)** **Rule** कार्य करेगा
- द्वितीय स्थान पर **B (Bracket)** मतलब कोष्ठक है जो निम्न हो सकते हैं—
  1. छोटा कोष्ठक ( )
  2. मंजला कोष्ठक { }
  3. बड़ा कोष्ठक [ ]
- सबसे पहले छोटा कोष्ठक, फिर मंजला कोष्ठक और उसके बाद बड़ा कोष्ठक हल किया जाता है ।
- तृतीय स्थान पर **“O”** है जो कि **“of”** या **“Order”** से बना है, जिसका मतलब **“गुणा”** से या **“का”** से होता है ।
- चतुर्थ स्थान पर **“D”** है जिसका मतलब **“Division”** है, दिए गये व्यंजन में भिन्न-भिन्न क्रियाओं में सबसे पहले भाग करते है यदि दिया है तो ।
- पंचम स्थान पर **“M”** है जिसका मतलब **“Multiplication”** है, दिये गए व्यंजन में **“Division”** के बाद **“Multiplication”** (गुणा) करेंगे ।

- छठा स्थान **“A”** रखता है जो **“Addition”** (जोड़ा) से संबंधित है । **Division-multiplication** के बाद **Addition** क्रिया होती है ।
- सप्तम स्थान पर **“S”** है जो **“Subtraction”** से बना है ।

प्रश्न –  
सरल कीजिए ।

$$\left[ 3\frac{1}{4} \div \left\{ 1\frac{1}{4} - \frac{1}{2} \left( 2\frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{6} \right) \right\} \right] \div \left( \frac{1}{2} \text{ of } 4\frac{1}{3} \right)$$

हल:

**Step 1** – सबसे पहले सभी मिश्र भिन्नों को साधारण भिन्नों में बदलते हैं ।

$$\left[ \frac{13}{4} \div \left\{ \frac{5}{4} - \frac{1}{2} \left( \frac{5}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{6} \right) \right\} \right] \div \left( \frac{1}{2} \text{ of } \frac{13}{3} \right)$$

अब **VBODMAS** के अनुसार

**Step 2** –

$$\left[ \frac{13}{4} \div \left\{ \frac{5}{4} - \frac{1}{2} \left( \frac{5}{2} - \frac{3-2}{12} \right) \right\} \right] \div \left( \frac{1}{2} \text{ of } \frac{13}{3} \right)$$

**Step 3** –

$$\left[ \frac{13}{4} \div \left\{ \frac{5}{4} - \frac{1}{2} \left( \frac{5}{2} - \frac{1}{12} \right) \right\} \right] \div \frac{13}{6}$$

**Step 4** –

$$\left[ \frac{13}{4} \div \left\{ \frac{5}{4} - \frac{1}{2} \times \left( \frac{30-1}{12} \right) \right\} \right] \div \frac{13}{6}$$

**Step 5** –

$$\left[ \frac{13}{4} \div \left\{ \frac{5}{4} - \frac{1}{2} \times \frac{29}{12} \right\} \right] \div \frac{13}{6}$$

**Step 6** –  $\left[ \frac{13}{4} \div \left\{ \frac{30-29}{24} \right\} \right] \div \frac{13}{6}$

**Step 7** –  $\left[ \frac{13}{4} \div \frac{1}{24} \right] \div \frac{13}{6}$

**Step 8** –  $\left[ \frac{13}{4} \times 24 \right] \div \frac{13}{6}$

$$\text{Step 9} - 13 \times 6 \times \frac{6}{13}$$

$$= 36 \text{ Ans.}$$

### बीजगणितीय सूत्र

1.  $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
2.  $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
3.  $(a + b)^2 + (a - b)^2 = 2(a^2 + b^2)$
4.  $(a^2 - b^2) = (a + b)(a - b)$
5.  $a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$
6.  $a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2$
7.  $a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = \frac{1}{2}[(a-b)^2 + (b+c)^2 + (c-a)^2]$
8.  $a^3 + b^3 = (a + b)^3 - 3ab(a + b) = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$
9.  $a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b) = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$
10.  $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$   
 $= \frac{1}{2}(a+b+c)\{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\}$   
यदि  $a + b + c = 0$  हो तो  
 $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$
11.  $a^3 + \frac{1}{a^3} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^3 - 3\left(a + \frac{1}{a}\right)$
12.  $a^3 - \frac{1}{a^3} = \left(a - \frac{1}{a}\right)^3 + 3\left(a - \frac{1}{a}\right)$

### समान्तर श्रेणी

वह श्रेणी जिसका प्रत्येक पद अपने पूर्व पद से कोई नियत राशि जोड़ने अथवा घटाने से प्राप्त होता है ।

जैसे - 2, 5, 8, 11, .....

समान्तर श्रेणी का  $n$  वाँ पद

$$T_n = a + (n - 1)d$$

जहाँ  $a$  = प्रथम पद

$d$  = सार्व अंतर (द्वितीय पद - प्रथम पद)

$n$  = पदों की संख्या

$$\text{समान्तर श्रेणी के } n \text{ पदों का योग } S_n = \frac{n}{2}[2a + (n-1)d]$$

$$\text{यदि प्रथम व अंतिम पद ज्ञात हो तो } S_n = \frac{n}{2}[a + \ell]$$

जहाँ  $\ell$  = अंतिम पद

$$\text{दो राशियों के मध्य समांतर माध्य } A = \frac{a+b}{2} \text{ [a, b का}$$

समांतर माध्य A है ।]

### गुणोत्तर श्रेणी

यदि श्रेणी के प्रत्येक पद का उससे पूर्व पद से अनुपात एक निश्चित राशि होती है तो गुणोत्तर श्रेणी होती है । इस निश्चित राशि को सार्वानुपात कहते हैं ।

गुणोत्तर श्रेणी का  $n$  वाँ पद

$$T_n = a.r^{n-1}$$

जहाँ  $a$  = प्रथम पद

$r$  = सार्व अनुपात

$n$  = पदों की संख्या

गुणोत्तर श्रेणी के  $n$  पदों का योगफल

$$S_n = a \left( \frac{1-r^n}{1-r} \right); \text{ जब } r < 1 \quad S_n = a \left( \frac{r^n - 1}{r - 1} \right); \text{ जब } r > 1$$

1. दो राशियों के मध्य गुणोत्तर माध्य  $G = \sqrt{ab}$

2. यदि दो धनात्मक राशियों  $a$  व  $b$  के मध्य समांतर माध्य तथा गुणोत्तर माध्य  $A$  व  $G$  है तो

$$A > G, \quad \frac{a+b}{2} > \sqrt{ab}$$

### हरात्मक श्रेणी

किसी श्रेणी के पदों के व्युत्क्रम उसी क्रम में लिखने पर समांतर श्रेणी में हो तो उसे हरात्मक श्रेणी कहते हैं ।

हरात्मक श्रेणी का  $n$  वाँ पद

$$T_n = \frac{1}{a + (n-1)d}$$

$$\text{हरात्मक माध्य (H)} = \frac{2ab}{a+b}$$

समान्तर माध्य, गुणोत्तर माध्य व हरात्मक माध्य में संबंध

माना  $A, G$  तथा  $H$  दो राशियों  $a$  व  $b$  के मध्य क्रमशः समांतर माध्य, गुणोत्तर माध्य व हरात्मक माध्य है तब

$$\boxed{G^2 = AH} \quad \text{तथा} \quad \boxed{A > G > H}$$

## अभ्यास प्रश्न

### VBODMAS – आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $24 \times 2 \div 12 + 12 \div 6$  of  $2 \div (15 \div 8 \times 4)$

of  $(28 \div 7$  of  $5)$  का मान होगा -

- (a)  $4\frac{32}{75}$  (b)  $4\frac{8}{75}$   
(c)  $4\frac{2}{3}$  (d)  $4\frac{1}{6}$

उदा.2 सरल करें

$$\left[ 3\frac{1}{4} \div \left\{ 1\frac{1}{4} - \frac{1}{2} \left( 2\frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{6} \right) \right\} \right] \div \left( \frac{1}{2} \text{ of } 4\frac{1}{3} \right)$$

उदा.3 सरल करें ।

$$2\frac{3}{4} \div 1\frac{5}{6} \div \frac{7}{8} \times \left( \frac{1}{3} + \frac{1}{4} \right) + \frac{5}{7} \div \frac{3}{4} \text{ of } \frac{3}{7}$$

- (a)  $\frac{56}{77}$  (b)  $\frac{49}{80}$   
(c)  $\frac{2}{3}$  (d)  $3\frac{2}{9}$

### वर्गान्तर तथा वर्गमूल आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 निम्नलिखित का मान है -

$$\sqrt{5 + \sqrt{11 + \sqrt{19 + \sqrt{29 + \sqrt{49}}}}} \text{ is}$$

- (a) 3 (b) 9  
(c) 7 (d) 5

उत्तर (a)

उदा.2 यदि  $(102)^2 = 10404$  है, तो

$$\sqrt{104.04} + \sqrt{1.0404} + \sqrt{0.010404}$$

का मान किसके बराबर है ?

- (a) 0.306 (b) 0.0306  
(c) 11.122 (d) 11.322

उत्तर (d)

उदा.3  $33 - 4\sqrt{35}$  का वर्गमूल क्या है ?

- (a)  $\pm(2\sqrt{7} + \sqrt{5})$  (b)  $\pm(\sqrt{7} + 2\sqrt{5})$   
(c)  $\pm(\sqrt{7} - 2\sqrt{5})$  (d)  $\pm(2\sqrt{7} - \sqrt{5})$

### घनान्तर तथा घनमूल आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $(\sqrt{4^3 + 15^2})^3$  का मान क्या है ?

- (a) 4913 (b) 4313  
(c) 4193 (d) 3943

उत्तर (a)

उदा.2 710 में कौनसी छोटी संख्या जोड़ी जानी चाहिए ताकि योग एक पूर्ण घन बन जाए ?

- (a) 29 (b) 19  
(c) 11 (d) 21

उत्तर (b)

### भिन्न आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 निम्नलिखित का मान है -

- (c)  $\frac{1}{16}$  (d)  $\frac{1}{32}$

उत्तर (a)

उदा.2 यदि  $2 = x + \frac{1}{1 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4}}}$  है तो x का मान ज्ञात करें ।

- (a)  $\frac{18}{17}$  (b)  $\frac{21}{17}$   
(c)  $\frac{13}{17}$  (d)  $\frac{12}{17}$

उत्तर (b)

उदा.3  $999\frac{998}{999} \times 999$  किसके बराबर है ?

- (a) 998999 (b) 999899  
(c) 989999 (d) 999989

उत्तर (a)

उदा.4  $\frac{1}{5} + 999 \frac{494}{495} \times 99$  का मान ज्ञात करें ।

- (a) 90000 (b) 99000  
(c) 90900 (d) 99990

उत्तर (b)

### बीजगणितीय सूत्रों पर आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1  $\left(\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2$  के बराबर है ?

- (a)  $2\frac{1}{2}$  (b)  $3\frac{1}{2}$   
(c)  $4\frac{1}{2}$  (d)  $5\frac{1}{2}$

उत्तर (c)

उदा.2  $\frac{0.51 \times 0.051 \times 0.051 + 0.041 \times 0.041 \times 0.041}{0.51 \times 0.051 - 0.051 \times 0.041 + 0.041 \times 0.041}$  का मान क्या है ?

- (a) 0.92 (b) 0.092  
(c) 0.0092 (d) 0.00092

उत्तर (b)

### श्रेणी आधारित (समान्तर श्रेणी, गुणोत्तर श्रेणी, हरात्मक श्रेणी)



प्रश्नों के हल



उदा.1 50 से कम 3 के सभी गुणजों का योगफल ज्ञात करो?

- (a) 400 (b) 408  
(c) 404 (d) 412

उत्तर (b)

उदा.2 निम्नलिखित समांतर श्रेणी में कितने पद हैं ?

7, 13, 19, ..... , 205

उदा.3 5 के उन सभी धनात्मक गुणांकों का योग ज्ञात करें जो 100 से कम है ?

### समीकरण आधारित



प्रश्नों के हल



उदा.1 एक पर्यटक प्रतिदिन उतने ही रूपये खर्च करता है जितने उसके पर्यटन के दिनों की संख्या है । उसका कुल खर्च रूपये 361 है, तो ज्ञात करें कि उसका पर्यटन कितने दिनों तक चला ?

- (a) 17 days (b) 19 days  
(c) 21 days (d) 31 days

उत्तर (b)

उदा.2 यदि दो संख्याओं का योग 22 है, और उनके वर्गों का योग 404 है, तो उन संख्याओं का गुणफल ज्ञात करें ?

- (a) 40 (b) 44  
(c) 80 (d) 89

उत्तर (a)

उदा.3 जब एक दो अंकों की संख्या को उसके अंकों के योग से गुणा किया जाता है, तो गुणफल 424 होता है । जब उसके अंकों को आपस में बदलने से प्राप्त संख्या को अंकों के योग से गुणा किया जाता है तो परिणाम 280 होता है । संख्या के अंकों का योग कितना है?

- (a) 7 (b) 9  
(c) 6 (d) 8

उत्तर (d)

# 3

## CHAPTER

# आयु (Age)

आयु संबंधी प्रश्नों को चार भागों में बाँटा गया है—

1. योग तथा अंतर पर आधारित
2. अनुपात के आधार पर
3. गुणात्मक संबंध के आधार पर
4. समीकरण या कथन पर आधारित प्रश्न

### हल सहित उदाहरण

#### योग तथा अंतर पर आधारित



#### प्रश्नों के हल



- उदा.1** A तथा B की आयु का अंतर 16 वर्ष है। 6 वर्ष पहले A की आयु B की आयु से तिगुनी थी, प्रत्येक की वर्तमान आयु ज्ञात कीजिए ?
- उदा.2** A, B, C की वर्तमान आयु का योग 90 वर्ष है। 6 वर्ष पूर्व उनकी आयु का अनुपात 1:2:3 था। C की वर्तमान आयु कितनी है ?
- उदा.3** माँ और बेटी की आयु का योगफल 50 वर्ष है। 5 वर्ष पूर्व माँ की उम्र बेटी की उम्र की 7 गुनी थी। माँ एवं बेटी की वर्तमान आयु क्या है ?

#### अनुपात आधारित



#### प्रश्नों के हल



- उदा.1** समीना तथा सुहाना की आयु का अनुपात 7:3 है। 6 वर्ष बाद इनकी आयु का अनुपात 5:3 होगा, इनकी आयु में कितना अंतर है?
- उदा.2** समीर की आयु अपने पिता की आयु की एक-चौथाई तथा अपनी बहिन रीमा की आयु की दो-तिहाई है। समीर, रीमा तथा उनके पिता की आयु का अनुपात क्रमशः कितना है?
- (a) 3 : 2 : 8                      (b) 3 : 4 : 8  
(c) 2 : 3 : 8                      (d) 4 : 3 : 8

#### गुणात्मक संबंध पर आधारित



#### प्रश्नों के हल



- उदा.1** एक आदमी की वर्तमान उम्र उसके पुत्र की वर्तमान उम्र का 4 गुना है। 10 वर्ष बाद आदमी की उम्र पुत्र की उम्र का  $2\frac{1}{2}$  गुना हो जायेगी, तो आदमी की वर्तमान उम्र ज्ञात कीजिए ?
- उदा.2** एक व्यक्ति की आयु अपने पुत्र की आयु के तिगुने से 3 वर्ष अधिक है। यदि 3 वर्ष बाद उस व्यक्ति की आयु अपने पुत्र की आयु के दुगुने से 10 वर्ष अधिक हो, तो पुत्र की वर्तमान आयु ज्ञात कीजिए ?
- अतः पुत्र की वर्तमान आयु = 10 वर्ष
- उदा.3** हमारी माँ की आयु मेरे भाई की आयु से तिगुनी है तथा मैं अपने भाई से आयु में  $\frac{1}{3}$  गुना बड़ा हूँ। 4 वर्ष पहले मैं अपने भाई की वर्तमान आयु के बराबर था, मेरी माँ की वर्तमान आयु कितनी है ?

- (a) 40 वर्ष                      (b) 36 वर्ष  
(c) 44 वर्ष                      (d) 42 वर्ष

#### समीकरण या कथन पर आधारित



#### प्रश्नों के हल



- उदा.1** एक माँ अपनी पुत्री से कहती है "तुम्हारे जन्म के समय मेरी आयु तुम्हारी वर्तमान आयु की आधी से 6 वर्ष अधिक थी"। यदि माँ पुत्री से 20 वर्ष बड़ी हो, तो माँ की वर्तमान आयु ज्ञात कीजिए ?

**उदा.2** एक पिता अपने पुत्र से कहता है "मेरी उम्र तुम्हारी वर्तमान उम्र के बराबर थी, जब तुम पैदा हुए थे।" यदि इस समय पिता की आयु 36 वर्ष है, तो पुत्र की आयु 5 वर्ष पहले कितनी थी ?

- (a) 13 वर्ष                      (b) 15 वर्ष  
(c) 17 वर्ष                      (d) 20 वर्ष

**उदा.3** एक कक्षा में दो मित्रों की आयु क्रमशः 17 और 19 वर्ष है। उनके शिक्षक उन्हें बताते हैं कि 2 वर्ष बाद उनकी आयु एक वर्ष पहले उनकी (दोनों मित्रों की) आयु की दोगुनी होगी। शिक्षक की वर्तमान आयु ज्ञात कीजिए?

- (a) 66 वर्ष                      (b) 56 वर्ष  
(c) 65 वर्ष                      (d) 45 वर्ष



*Toppernotes*  
Unleash the topper in you



## 4

## CHAPTER

लघुत्तम समापवर्त्य व महत्तम  
समापवर्तक (LCM & HCF)

## गुणनखण्ड

एक संख्या को दूसरे का गुणनखण्ड कहा जाता है, यदि यह दूसरे को पूरी तरह से विभाजित कर दे। इस प्रकार 3 व 4, 12 के गुणनखण्ड हैं।

## समापवर्तक

वह संख्या जो दो या दो से अधिक दी हुयी संख्याओं को पूर्णतः विभाजित कर दे, उन संख्याओं का समापवर्तक कहलाती है। इस प्रकार 9, 18, 21 एवं 33 का एक समापवर्तक 3 है।

### LCM (Lowest Common Multiple) (लघुत्तम समापवर्त्य)

- वह सबसे छोटी संख्या जो दी गयी संख्याओं से पूर्णतया: विभाज्य हो, LCM कहलाती है।
- **Power वाले संख्या का LCM निकालना** – अभाज्य गुणनखण्ड करने के बाद Power के रूप में लिखेंगे और जितने अभाज्य संख्या का प्रयोग होगा उसे गुणा के रूप में लिखेंगे और उस पर अधिकतम Power रखेंगे।

उदा.1  $(12)^{16}, (18)^{15}, (30)^{18}$  का LCM निकाले।

हल  $(12)^{16} = (2 \times 2 \times 3)^{16} = (2^2 \times 3)^{16} = 2^{32} \times 3^{16}$

$(18)^{15} = (2 \times 3 \times 3)^{15} = (2 \times 3^2)^{15} = 2^{15} \times 3^{30}$

$(30)^{18} = (2 \times 3 \times 5)^{18} = 2^{18} \times 3^{18} \times 5^{18}$

अतः LCM =  $2^{32} \times 3^{30} \times 5^{18}$  Ans.

## भिन्नों का LCM निकालना

$$\text{LCM} = \frac{\text{अंशों का LCM}}{\text{हरों का HCF}}$$

उदा.2  $\frac{1}{2}$  व  $\frac{5}{8}$  का LCM ?

$$\text{LCM} = \frac{1 \text{ व } 5 \text{ का LCM}}{2 \text{ व } 8 \text{ का HCF}} \Rightarrow \frac{5}{2}$$

### HCF (Highest Common Factor) महत्तम समापवर्तक

- वह सबसे बड़ी संख्या जिससे दी गयी सभी संख्याएँ पूर्णतः विभाजित हो, HCF कहलाता है।
- जैसे – 18 एवं 24 का म.स.प. 6 है।

उदा.1 HCF निकालना : दो संख्याओं का HCF भाग विधि द्वारा निकाला जाता है, तो भागफल क्रमशः 3, 4, एवं 5 प्राप्त होता है। यदि दो संख्याओं का HCF, 18 हो तो संख्याएँ ज्ञात कीजिए।

हल दो संख्याएँ a एवं b हैं

$$\begin{array}{r} a \overline{) b} 3 \\ c \overline{) a} 4 \\ d \overline{) c} 5 \\ \quad \times \end{array}$$

अन्तिम भाजक HCF होता है।

$$d = 18$$

$$c = 5 \times d = 5 \times 18 = 90$$

$$a = (4 \times c) + d$$

$$= (4 \times 90) + 18 = 378$$

$$b = 3a + c$$

$$= (3 \times 378) + 90 = 1134 + 90$$

$$= 1224, 378 \text{ Ans}$$

## Power वाली संख्या का HCF निकालना

पहले Base का अभाज्य गुणनखण्ड करेंगे और उसे Power के रूप में लिखेंगे और जो सभी में Common अभाज्य संख्या होगी, उसे गुणा के रूप में लिखेंगे और उस पर न्यूनतम Power रखेंगे।

उदा.1  $(24)^8, (36)^{12}, (18)^{16}$  का HCF निकालें।

हल  $24 = (2^3 \times 3)^8 = 2^{24} \times 3^8$

$36 = (2^2 \times 3^2)^{12} = 2^{24} \times 3^{24}$

$18 = (2 \times 3^2)^{16} = 2^{16} \times 3^{32}$

अतः म.स.प. =  $2^{16} \times 3^8$

## भिन्न का HCF निकालना

$$\text{भिन्न का HCF} = \frac{\text{अंश का HCF}}{\text{हर का LCM}}$$

उदा.1  $\frac{18}{25}, \frac{12}{7}, \frac{6}{35}$

हल  $\frac{18, 12, 6 \text{ का HCF}}{25, 7, 35 \text{ का LCM}} = \frac{6}{175}$

किसी दो संख्याओं का जोड़ तथा ल.स.प. का म.स.प., उन संख्याओं के म.स. के बराबर होता है।

माना दो संख्याएँ x तथा y हैं, तथा उनका म.स. H है।

अतः  $x = Ha$

$y = Hb$

जहाँ  $a$  तथा  $b$  परस्पर अभाज्य हैं।

$x, y$  का  $LCM = Hab$

और  $x + y = H(a + b)$

अब 'a' तथा 'b' परस्पर अभाज्य संख्याएँ हैं, तो  $(a + b)$  तथा  $ab$  भी परस्पर अभाज्य होगी। इससे यह निष्कर्ष निकलता है कि  $H(a + b)$  तथा  $Hab$  का म.स.  $H$  ही होगा, जो  $x$  तथा  $y$  का भी म.स. है।

### LCM एवं HCF में Relation

$LCM \times HCF =$  दोनों संख्याओं का गुणनफल

उदा.1 दो संख्याओं का LCM एवं HCF क्रमशः 420 एवं 28 हैं। यदि एक संख्या 84 है, तो दूसरी संख्या ज्ञात कीजिए –

हल दूसरी संख्या =  $\frac{420 \times 28}{84} = 140$

- जब कहा जाये कि  $x, y, z$  के लिये वह छोटी से छोटी संख्या क्या होगी जिसमें भाग देने पर  $r$  शेष बच जाये, इसके लिए उत्तर होगा  $x, y, z$  का  $(LCM + r)$ ।
- वह छोटी से छोटी संख्या जिसे  $x, y, z$  से भाग करने पर शेषफल क्रमागत  $a, b, c$  हो। इसके लिये उत्तर होगा –  $(x, y, z) - K$  का LCM।

### अभ्यास प्रश्न

#### महत्तम समापवर्तक आधारित



उदा.1 84, 126, 140 का महत्तम समापवर्तक कितना है ?

उदा.2  $x^6 - 1$  और  $x^4 + 2x^3 - 2x^1 - 1$  का म.स. क्या होगा ?

- (a)  $x^2 + 1$  (b)  $x - 1$   
(c)  $x^2 - 1$  (d)  $x + d$

उत्तर (c)

#### लघुत्तम समापवर्त्य आधारित



उदा.1 15, 18, 24, 27, 36 का लघुत्तम समापवर्त्य क्या होगा ?

उदा.2 दो संख्याओं का योग 45 है। उनका अंतर योग का  $\frac{1}{9}$  है, तो उनका ल.स. ज्ञात करें।

- (a) 200 (b) 250  
(c) 100 (d) 150

उत्तर (c)

उदा.3 छः घण्टियाँ एक साथ बजनी आरम्भ हुई, यदि ये घण्टियाँ क्रमशः 2, 4, 6, 8, 10, 12 सेकण्ड के अंतराल से बजे, तो 30 मिनट में कितनी बार ये एक साथ इक्कट्टी बजेंगी ?

- (a) 4 बार  
(b) 10 बार  
(c) 16 बार  
(d) इनमें से कोई नहीं

### भिन्नों के ल.स.प. तथा म.स.प.



उदा.1  $\frac{14}{33}, \frac{42}{55}, \frac{21}{22}$  का महत्तम समापवर्तक ज्ञात कीजिए –

उदा.2  $\frac{11}{14}, \frac{55}{42}, \frac{33}{35}, \frac{44}{63}$  का लघुत्तम समापवर्तक ज्ञात कीजिए –

उदा.3 तीन व्यक्ति एक 11 किमी. लम्बे वृत्ताकार पथ पर एक साथ एक ही दिशा में चलना प्रारंभ करते हैं। उनकी चाल क्रमशः 4, 5.5 एवं 8 किमी. प्रति घंटा है। वे तीनों एक साथ कितने समय बाद प्रारंभिक बिन्दु पर मिलेंगे ?

### ल.स.प. तथा म.स.प. के मध्य संबंध आधारित



उदा.1 दो संख्याओं का ल.स. 225 तथा म.स. 5 है। यदि उसमें से एक संख्या 25 है, तो दूसरी संख्या ज्ञात करें ?

- (a) 5 (b) 25  
(c) 45 (d) 225

उत्तर (c)

उदा.2 दो संख्याओं का योग 36 है, इनका महत्तम समापवर्तक 3 तथा लघुत्तम समापवर्त्य 105 है, इन संख्याओं के व्युत्क्रमों का योग कितना होगा ?

- (a)  $\frac{2}{35}$  (b)  $\frac{3}{25}$   
(c)  $\frac{4}{35}$  (d)  $\frac{2}{25}$

उत्तर (c)

उदा.3 दो संख्याओं के म.स. तथा ल.स. का योग 680 है उनका ल.स., म.स. का 84 गुणा है। यदि एक संख्या 56 है, तो दूसरी संख्या ज्ञात करें ?

(a) 84

(b) 12

(c) 8

(d) 96

उत्तर

(d)

उदा.4 दो संख्याओं के महत्तम समापवर्तक तथा लघुत्तम समापवर्त्य क्रमशः 12 तथा 72 है, यदि इन संख्याओं का योग 60 हो, तो इनमें से छोटी संख्या निम्न में से कौन-सी है ?

(a) 12

(b) 24

(c) 60

(d) 72

उत्तर

(b)



Toppernotes  
Unleash the topper in you