



3rd – ग्रेड

अध्यापक

कार्यालय निदेशक, प्रारम्भिक शिक्षा, राजस्थान, बीकानेर

भाग - 5

विज्ञान एवं गणित



विषयसूची

S No.	Chapter Title	Page No.
1	एक करोड़ तक की पूर्ण संख्याएँ	1
2	अभाज्य एवं संयुक्त संख्याएँ	3
3	गणितीय मूल संक्रियाएँ	4
4	भिन्न	10
5	दशमलव भिन्न	12
6	अभाज्य गुणनखण्ड	14
7	लघुत्तम समापवर्त्य व महत्तम समापवर्तक	16
8	प्रतिशतता	19
9	लाभ – हानि	23
10	साधारण ब्याज	28
11	चक्रवृद्धि ब्याज	31
12	ज्यामिति	34
13	क्षेत्रमिति	51
14	गणितीय शिक्षण की नवीन विधियाँ	66
15	शिक्षण सहायक सामग्री	70
16	गणित में मूल्यांकन	72
17	शिक्षण की समस्याएँ	74
18	मापन एवं मुल्यांकन	75
19	निदानात्मक एवं उपचारात्मक परिक्षण	80
20	अम्ल, क्षार एवं लक्षण	83
21	तत्व, यौगिक एवं मिश्रण	90
22	भौतिक एवं रासायनिक परिवर्तन	95
23	गति एवं बल	97

विषयसूची

S No.	Chapter Title	Page No.
24	प्रकाश	103
25	कोशिका – संरचना एवं प्रकार्य	108
26	जीवों में श्वसन एवं परिवहन	116
27	प्रजनन	120
28	विज्ञान की शिक्षण विधियाँ	125
29	विज्ञान शिक्षण में नवाचार	129
30	मापन एवं मुल्यांकन	132
31	निदानात्मक एवं उपचारात्मक परिक्षण	137

1 CHAPTER

एक करोड़ तक की पूर्ण संख्याएँ

हम जानते हैं कि किसी संख्या को लिखने के लिए 10 अंकों का गणित में प्रयोग किया जाता है और ये 10 अंक निम्न प्रकार से हैं – 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 ।

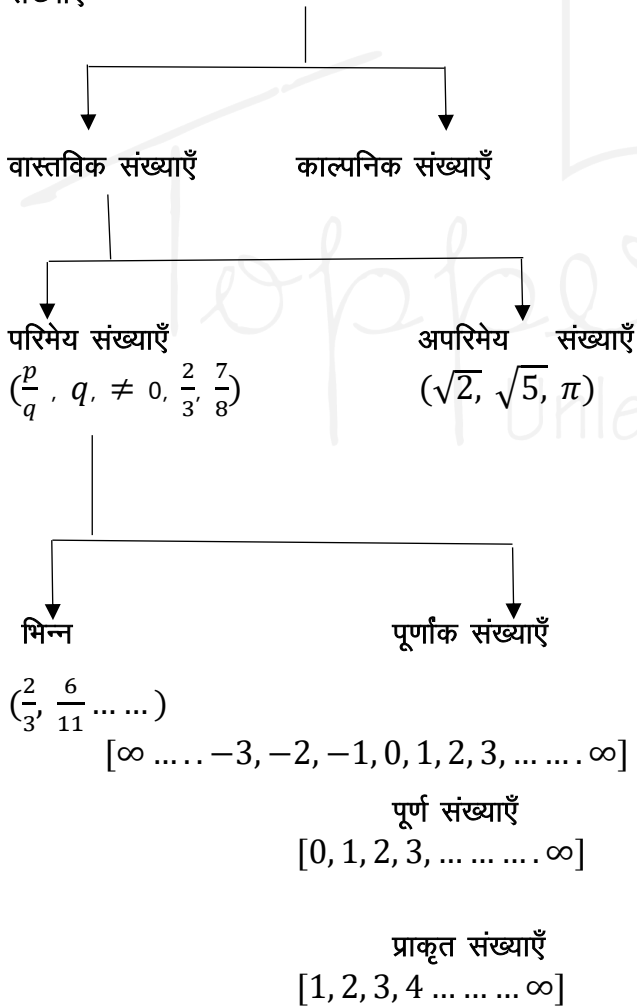
संख्या – किसी भी संख्या को लिखने के लिए हम दायीं ओर से बायीं ओर से लिखते हैं –

दस करोड़	करोड़	दस लाख	लाख	हजार	सैकड़	दहाई	इकाई
1	2	4	0	6	8	9	2

• 12406892

संख्याओं के प्रकार –

संख्याएँ



- **प्राकृत संख्या** – वे सभी संख्याएँ जो 1 से प्रारम्भ होती हैं। इन्हें N से प्रदर्शित किया जाता है।

$$N = [1, 2, 3, 4, \dots \dots \dots \infty]$$

- **पूर्ण संख्या** – इन संख्या को शून्य से प्रारम्भ किया जाता है। इसे W से दर्शाया जाता है।

$$W = [0, 1, 2, 3, \dots \dots \dots \infty]$$

- **पूर्णांक संख्या** – ये संख्या धनात्मक और ऋणात्मक रूप में चलती है। इसे I से दर्शाया जाता है।

$$I = [\infty \dots \dots -2, -1, 0, 1, 2, \dots \dots \dots \infty]$$

इसमें शून्य एक उदासीन पूर्णांक है।

- **सम संख्या** – वे प्राकृत संख्या जिनमें 2 से पूरा –पूरा भाग जाए।

जैसे – 2, 4, 6, 8,

- **विषम संख्या** – वे प्राकृत संख्या जिनमें 2 से पूरा –पूरा भाग ना जाए।

जैसे – 1, 3, 5, 7,

- **अभाज्य/रुढ़ संख्याएँ** – वे प्राकृत संख्या जो 1 या स्वयं के अलावा किसी अन्य का भाग ना जाए। जैसे – 2, 3, 5, 7, 11,

- **भाज्य या यौगिक संख्याएँ** – वे प्राकृत संख्या जो 1 के अलावा किसी अन्य का भाग चला जाए।

जैसे – 4, 6, 8, 9, 12, 16,

- **सह अभाज्य संख्याएँ** – वे प्राकृत संख्या (दो या दो से ज्यादा) जिनका HCF = 1 हो। 1 के अलावा कोई अन्य उभयनिष्ठ गुणनखण्ड न हो।

जैसे – (4, 9), (16, 21, 25)

- **परिमेय संख्या** – वे संख्या जिन्हें $\frac{p}{q}$ के रूप में लिखा जाता है और $q \neq 0$ नहीं होना चाहिए।

जैसे – $\frac{3}{2}, \frac{4}{9}, \dots \dots$

- अपरिमेय संख्या – वे वास्तविक संख्या जो $\frac{p}{q}$ के रूप में नहीं लिखी जा सकती है।

जैसे – $\sqrt{2}, \sqrt{5}, \pi \dots \dots$

- एक करोड़ तक की पूर्ण संख्याएँ
- पूर्ण संख्याएँ – $[0, 1, 2, 3, \dots \dots \dots \infty]$
- 0 सबसे छोटी पूर्ण संख्या है।
- ये सभी धनात्मक होती हैं।
- एक अंक की पूर्ण संख्या 1 से 9 तक – कुल 9 होती हैं।

सबसे बड़ी		सबसे छोटी
एक अंक	9	1
दो अंकों	99	10
तीन अंकों	999	100
चार अंकों	9999	1000
पाँच अंकों	99999	10000
छः अंकों	999999	100000
सात अंका	9999999	1000000
आठअंकों	99999999	10000000 (एक करोड़)

संख्याओं को शब्दों में लिखना

अंकों में	शब्दों में
6009	छः हजार नौ
68111	अड़सठ हजार एक सौ ग्यारह
10101001	एक करोड़ एक लाख एक हजार एक
9909	नौ हजार नौ सौ नौ

संख्याओं को अंकों में लिखना

शब्दों में	अंकों में
नौ लाख चार हजार	904000
एक लाख ग्यारह हजार ग्यारह सौ ग्यारह	111111
एक लाख चार हजार पाँच	104005
आठ करोड़ नब्बे लाख चालीस हजार दस	89040010
एक करोड़ एक लाख एक हजार एक सौ एक	10101101

संख्या की रोमन पद्धति

रोमन पद्धति – रोमन संख्या पद्धति का उद्गम प्राचीन रोम से हुआ है।

रोमन अंक पद्धति के संकेत –

1	I
5	V
10	X
50	L
100	C
500	D
1000	M

रोमन संख्या पद्धति के कुछ नियम

1. किसी भी संकेत को एक साथ चार बार नहीं लिख सकते हैं।
2. किसी संख्या को बढ़ाने के लिए बड़ी संख्या को पहले लिखा जाता है।
उदाहरण
 $XI = 10 + 1 = 11$
 $LV = 50 + 5 = 55$
3. किसी छोटी संख्या को घटाने के लिए छोटी संख्या पहले लिखी जाती है।
उदाहरण
 $IX = 10 - 1 = 9$
 $XC = 100 - 10 = 90$

रोमन अंक

	I	2	II
	III	4	IV
	V	6	VI
	VII	8	VIII
	IX	10	X
	XI	12	XII
	XIII	14	XIV
	XV	16	XVI
	XVII	18	XVIII
	XIX	20	XX

2 CHAPTER

अभाज्य एवं संयुक्त संख्याएँ

अभाज्य/रुद्ध संख्याएँ – ऐसी प्राकृत संख्या जिनके केवल 2 गुणनखण्ड हैं। जो 1 और वह संख्या स्वयं से ही विभाजित हो। ऐसी संख्या अभाज्य और रुद्ध संख्या

	अभाज्य संख्या	कुल
101 से 125 तक	101, 103, 107, 109, 113	5
126 से 150 तक	127, 131, 137, 139, 149	5
151 से 175 तक	151, 157, 163, 167, 173	5
176 से 200 तक	179, 181, 191, 193, 197, 199	6

कहलाती है। जैसे – 2, 3, 5, 7, 11,

नोट

- संख्या 1 न तो अभाज्य और न ही भाज्य संख्या है।
- 2 सबसे छोटी अभाज्य संख्या है। साथ ही 2 सबसे छोटी व एकमात्र सम अभाज्य संख्या है।
- 1 से 100 तक अभाज्य संख्याएँ – 25 जो निम्न प्रकार हैं
2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97

	अभाज्य संख्या	कुल
1 से 10 तक	2, 3, 5, 7	4
11 से 20 तक	11, 13, 17, 19	4
21 से 30 तक	23, 29	2
31 से 50 तक	31, 37, 41, 43, 47	5
51 से 75 तक	53, 59, 61, 67, 71, 73	6
76 से 100 तक	79, 83, 89, 97	4

- 100 से 200 तक अभाज्य संख्याएँ = 21 जो इस प्रकार हैं –
101, 103, 107, 109, 113, 127, 131, 137, 139, 149, 151, 157, 163, 167, 173, 179, 181, 191, 193, 197, 199

- अभाज्य संख्या पहचानने का तरीका –
सर्वप्रथम हम यह पता करेंगे कि इस संख्या के नजदीक या इससे छोटी वर्ग संख्या कौनसी है। फिर उस संख्या के वर्गमूल तक की अभाज्य संख्या का भाग देंगे।

उदाहरण – (i) 139 अभाज्य संख्या है या नहीं।
हल –

$$139 \text{ के नजदीक वर्ग} = 121 = 11^2$$

11 तक की अभाज्य संख्या का भाग देंगे।

2, 3, 5, 7, 11 इन अभाज्य संख्या का भाग 139 में नहीं जाता इसलिए यह एक अभाज्य संख्या है।

युग्म/युगल अभाज्य संख्या – ये वे अभाज्य संख्या हैं जिनमें केवल आपसी अन्तर 2 का है।

उदाहरण – (2, 3), (5, 7), (11, 13), (17, 19), (29, 31), (41, 43), (59, 61), (71, 73),

सह अभाज्य संख्याएँ – ये वे प्राकृत संख्या हैं जिनका महतम समापवर्तक 1 हो और अन्य 2 का उभयनिष्ठ गुणनखण्ड न हो।

उदाहरण – (2, 5) (4, 9) (4, 13), (5, 9, 14)

संयुक्त संख्याएँ – वे प्राकृत संख्या जिनका 1 व स्वयं के अलावा भी अन्य गुणनखण्ड हों। यह संयुक्त संख्या कहलाती है।

- संयुक्त संख्या को ही भाज्य/यौगिक संख्या कहते हैं।

उदाहरण – 4, 6, 10, 12, 14, 15, 16, 18, 20, 21, 22, 24, 25, 26, 27, 28, 30, 32, 33, 34, 35, 36, 38, 39, 40, 42, 44, 45, 46, 48, 49, 50, 51, 52, 54, 55, 56, 57, 58, 60, 62, 63, 64, 65, 66, 68, 69, 70, 72, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 84, 85, 86, 87, 88, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 98, 99

$$4 = 2 \times 2 \quad 6 = 2 \times 3 \quad 12 = 2 \times 2 \times 3 \quad 15 = 3 \times 5 \quad 18 = 2 \times 3 \times 3 \quad 20 = 2 \times 2 \times 5 \quad 21 = 3 \times 7 \quad 22 = 2 \times 11 \quad 24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \quad 25 = 5 \times 5 \quad 26 = 2 \times 13 \quad 27 = 3 \times 3 \times 3 \quad 28 = 2 \times 2 \times 7 \quad 30 = 2 \times 3 \times 5 \quad 32 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \quad 33 = 3 \times 11 \quad 34 = 2 \times 17 \quad 35 = 5 \times 7 \quad 36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \quad 38 = 2 \times 19 \quad 39 = 3 \times 13 \quad 40 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \quad 42 = 2 \times 3 \times 7 \quad 44 = 2 \times 2 \times 11 \quad 45 = 3 \times 3 \times 5 \quad 46 = 2 \times 23 \quad 48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \quad 49 = 7 \times 7 \quad 50 = 2 \times 5 \times 5 \quad 51 = 3 \times 17 \quad 52 = 2 \times 2 \times 13 \quad 54 = 2 \times 3 \times 3 \times 3 \quad 55 = 5 \times 11 \quad 56 = 2 \times 2 \times 2 \times 7 \quad 57 = 3 \times 19 \quad 58 = 2 \times 29 \quad 59 = 59 \quad 60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \quad 62 = 2 \times 31 \quad 63 = 3 \times 3 \times 7 \quad 64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \quad 65 = 5 \times 13 \quad 66 = 2 \times 3 \times 11 \quad 67 = 67 \quad 68 = 2 \times 2 \times 17 \quad 69 = 3 \times 23 \quad 70 = 2 \times 5 \times 7 \quad 72 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \quad 73 = 73 \quad 74 = 2 \times 37 \quad 75 = 3 \times 5 \times 5 \quad 76 = 2 \times 2 \times 19 \quad 77 = 7 \times 11 \quad 78 = 2 \times 3 \times 13 \quad 79 = 79 \quad 80 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \quad 81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \quad 82 = 2 \times 41 \quad 83 = 83 \quad 84 = 2 \times 2 \times 3 \times 7 \quad 85 = 5 \times 17 \quad 86 = 2 \times 43 \quad 87 = 3 \times 29 \quad 88 = 2 \times 2 \times 2 \times 11 \quad 89 = 89 \quad 90 = 2 \times 3 \times 3 \times 5 \quad 91 = 7 \times 13 \quad 92 = 2 \times 2 \times 23 \quad 93 = 3 \times 31 \quad 94 = 2 \times 47 \quad 95 = 5 \times 19 \quad 96 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \quad 97 = 97 \quad 98 = 2 \times 7 \times 7 \quad 99 = 3 \times 3 \times 11$$

3 CHAPTER

गणितीय मूल संक्रियाएँ

- हम अपने हिसाब व अन्य कार्यों में गणितीय संक्रियाएँ (जोड़, बाकी, गुणा, भाग) करते रहते हैं।
- यह हमारे जीवन के साथ-साथ चलती ही रहती है।
- इस प्रकार हम सर्वप्रथम गणित की मूल संक्रिया जोड़ को करते हैं।

जोड़

- किसी एक संख्या को दूसरी संख्या में मिलना जिससे हमें एक अन्य संख्या प्राप्त होती है। यह संख्या उन दोनों संख्या का योगफल है।
- इसको + चिन्ह से दर्शाया जाता है।

उदाहरण

(i)

$$\begin{array}{r} 4 \ 8 \ 9 \ 2 \\ + \ 9 \ 8 \ 6 \ 2 \\ \hline 1 \ 4 \ 7 \ 5 \ 4 \end{array}$$

(ii)

$$\begin{array}{r} 9 \ 8 \ 6 \ 9 \ 2 \\ 4 \ 3 \ 2 \ 6 \ 8 \\ + \ 9 \ 3 \ 2 \ 6 \ 1 \\ \hline 2 \ 3 \ 5 \ 2 \ 2 \ 1 \end{array}$$

दशमलव की संख्या को जोड़ना

(i)

$$\begin{array}{r} 6 \ 2 \ 9 \ . \ 4 \ 2 \ 0 \\ 9 \ 6 \ . \ 0 \ 4 \ 2 \\ + \ 8 \ 6 \ 1 \ . \ 9 \ 2 \ 0 \\ \hline 1 \ 5 \ 8 \ 7 \ . \ 3 \ 8 \ 2 \end{array}$$

(ii)

$$\begin{array}{r} 6 \ 8 \ . \ 0 \ 9 \ 2 \\ 2 \ . \ 3 \ 5 \ 9 \\ 6 \ 8 \ 2 \ . \ 4 \ 3 \ 9 \\ 9 \ 2 \ 8 \ . \ 4 \ 2 \ 8 \\ + \ 6 \ 2 \ . \ 5 \ 0 \ 9 \\ \hline 1 \ 7 \ 4 \ 3 \ . \ 8 \ 2 \ 7 \end{array}$$

स्वयं हल करें

प्रश्न 1. निम्न संख्याओं को हल करें।

$$9.42 + 42.926 + 982.52 + 926.32$$

योग करने की अन्य प्रक्रियाएँ

- प्रथम n प्राकृत संख्याओं का योग

$$= \frac{n(n+1)}{2}$$

जहाँ n प्राकृत संख्याओं की संख्या है।

उदाहरण — 1 से 25 तक की प्राकृत संख्याओं का योग?

हल — 1 से 25 तक की प्राकृत संख्याओं का योग

$$= \frac{n(n+1)}{2}$$

$$n = 25$$

$$\Rightarrow = \frac{25(25+1)}{2} = \frac{25 \times 26}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{650}{2} = 325$$

अतः 1 से 25 तक की प्राकृत संख्याओं का कुल योग = 325 है।

- प्रथम n सम संख्याओं का योग = $n(n+1)$

उदाहरण — प्रथम 25 सम संख्याओं का योग कीजिए।

हल — प्रथम 25 सम संख्याओं का योग = 25 (25 + 1)

$$= 25 \times 26 \\ = 650$$

अतः प्रथम 25 सम संख्या का योग = 650 है।

- प्रथम n विषम संख्याओं का योग बताओ = n^2

उदाहरण

(i) प्रथम 20 विषम संख्याओं का योग बताओ।

हल — प्रथम n विषम संख्याओं का योग = n^2

प्रथम 20 विषम संख्याओं का योग = $(20)^2 = 400$

(ii) 1 से 100 तक विषम संख्याओं का योग कितना होगा?

हल — आप जानते हैं कि 1 से 100 तक लगभग 50 विषम संख्याएँ होती हैं।

अतः प्रथम 50 विषम संख्याओं का योग ज्ञात करने पर —

सुत्र = प्रथम n विषम संख्या का योग = n^2

$$= (50)^2$$

$$= 2500$$

अतः प्रथम 50 विषम संख्याओं का योग

= 2500 होगा।

- प्रथम 20 पूर्ण संख्याओं का योग = $\frac{n(n-1)}{2}$

उदाहरण — प्रथम 20 पूर्ण संख्याओं का योग कितना होगा ?

हल — हमे जानते है कि पूर्ण संख्याएँ शून्य से प्रारम्भ होती है।

पूर्ण संख्याएँ = 0, 1, 2, 3, 4,

प्रथम 20 पूर्ण संख्याओं का योग = $\frac{n(n-1)}{2}$

$$\begin{aligned} &= \frac{20(20-1)}{2} = \frac{20 \times 19}{2} \\ &= \frac{380}{2} \\ &= 190 \end{aligned}$$

अतः प्रथम 20 पूर्ण संख्याओं का योग = 380 होगा।

● प्रथम n प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग

$$= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

उदाहरण — प्रथम 10 प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग बताओ।

हल — प्रथम n प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग

$$= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

प्रथम 10 प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग

$$\begin{aligned} &= 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 10^2 \\ &= \frac{10(10+1)(2 \times 10 + 1)}{6} \\ &= \frac{10 \times 11 \times 21}{6} \\ &= 385 \end{aligned}$$

स्वयं हल करें

प्रश्न — प्रथम 25 प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग बताइये।

उत्तर — 5525

बाकी/घटाव

हमारे पास कुछ वस्तुएँ हैं उसमें से हमने कुछ वस्तुएँ अपने पड़ोसी को दे दी। अब हमारे पास कितनी वस्तुएँ शेष बची इसी प्रक्रिया को बाकी/घटाव-व्यवकलन कहा जाता है।

● घटाव/बाकी को (-) चिह्न से प्रदर्शित किया जाता है।

उदाहरण —

उदाहरण — पाँच अकों की सबसे बड़ी संख्या में से चार अकों की सबसे छोटी संख्या का अन्तर कितना होगा?

हल — सर्वप्रथम हम पाँच अकों की सबसे बड़ी संख्या —

चार अकों की सबसे छोटी संख्या

पाँच अकों की सबसे बड़ी संख्या = 99.999

चार अकों की सबसे छोटी संख्या = 1000

अतः

$$\begin{array}{r} 99999 \\ - 1000 \\ \hline 98999 \end{array}$$

अतः इन संख्याओं का अन्तर = 98999

उदाहरण — राजू के पास 632.75 रुपये है। वह बाजार से 182.28 रुपये का सामान लाता है। अब उसके पास कुल कितने रुपये हैं?

हल —

राजू के पास कुल रुपये = 632.75 रु

राजू ने सामान खरीदा = 182.28 रु

$$\begin{array}{r} \text{रु} \qquad \text{पैसे} \\ 632.75 \\ - 182.28 \\ \hline 450.47 \end{array}$$

अतः राजू के पास शेष रुपये हैं — 450.47 रु.

स्वयं करें

प्रश्न — (.....?.....) — 2359 — 4268 = 9696

उदाहरण — राम ने बाजार से 9 किग्रा. 500 ग्राम चीनी खरीदी और राधा ने 7 किग्रा 875 ग्राम चीनी खरीदी तो बताओ राम ने कितनी अधिक चीनी खरीदी।

हल —

राम ने बाजार से चीनी

किग्रा ग्राम

खरीदी → 9 500

राधा ने बाजार से चीनी

खरीदी → 7 875

● 1 किग्रा. = 1000 ग्राम

$$\begin{array}{r} \text{किग्रा.} \quad \text{ग्राम} \\ 9 \quad 500 \\ - 7 \quad 875 \\ \hline 1 \quad 625 \end{array}$$

(i) 4 8 9 9 (ii) 9 3 2 1

— 4 1 0 6 — 6 8 8 2

0 7 9 3 2 4 3 9

अतः राम ने 1 किग्रा 625 ग्राम अधिक चीनी खरीदी।

गुणा

- गुणा को ($\times$) चिह्न से दर्शाया जाता है।
- यदि हमें दो संख्या के मध्य यह चिह्न मिले तो उन संख्याओं को गुणा करने का भाव आता है।

उदाहरण

423×94 को हल करें।

हल -

$$\begin{array}{r} 423 \\ \times 94 \\ \hline 1692 \\ 3807 \times \\ \hline 39762 \end{array} \rightarrow \text{गुणक (f)} \rightarrow \text{गुणनफल}$$

प्रश्न 1. $928 \times 98 \times 62$ को हल करे

प्रश्न 2. 49.285×96.2 को हल करें।

प्रश्न 3. $2.34 \times 3.05 \times 0.05$ को हल किजिए।

उदाहरण - एक सेल फोन का मूल्य $434\frac{2}{3}$ रु. है तो 14 सेल फोन का मूल्य कितना होगा?

हल - एक सेल फोन का मूल्य = $434\frac{2}{3}$ रु. 14 सेल फोन का मूल्य

$$\begin{aligned} &= 434\frac{2}{3} \times 14 \\ &= \frac{1304}{3} \times 14 \\ &= \frac{18256}{3} \\ &= 6085\frac{1}{3} \end{aligned}$$

अतः 14 सेल फोन का मूल्य = $6085\frac{1}{3}$ रुपये होगा।

इकाई का अंक ज्ञात करना

किन्हीं भी संख्याओं के मध्य गुणा करने पर प्राप्त गुणन फल में इकाई का अंक ज्ञात करना।

उदाहरण - $12 \times 14 \times 8$ के इकाई का अंक ज्ञात करें।

हल - $12 \times 14 \times 08 = 1344$

यहाँ इकाई अंक = 4 होगा

स्वयं हल करें

प्रश्न 1. संख्या $692 \times 481 \times 699$ का इकाई अंक ज्ञात करो।

उदाहरण - $427^{42} \times 98^{13} \times 892^{93}$ में इकाई का अंक ज्ञात करो।

प्रश्न 2. $489 \times 426 \times 989 \times 235 \times 24$ का इकाई अंक ज्ञात करो।

हल - हम इस तरह के प्रश्न को आसानी से हल नहीं कर सकते इस प्रकार के प्रश्न में हमारा काफी समय बर्बाद हो जाएगा।

तो इस तरह के प्रश्न का अलग प्रकार से हल करेंगे।

जैसे -

अंक	x^1	x^2	x^3	x^4
2	2	4	8	6
3	3	9	7	1
4	4	6	4	6
7	7	9	3	1
8	8	4	2	6
9	9	1	9	1

इनके अलावा यदि 0, 1, 5, 6 अंक आए तो उनका इकाई अंक उस अंक के समान रहेगा।

इनमें हम घात में 4 का भाग देंगे।

जैसे -

$$427^{42} \rightarrow \frac{42}{4} = \text{शेष} = 2$$

तो यहाँ 7 की घात = 7^2 होगी

और $7 \times 7 = 49$

यहाँ 9 इकाई अंक होगा

इसी प्रकार अन्य -

$$\Rightarrow 98^{13} = \frac{13}{4} = 1$$

यहाँ 8 की घात = 8^1

$$892^{93} = \frac{93}{4} = 1$$

तो यहाँ 2 की घात = 2^1 होगी

अतः

$9 \times 8 \times 2 = 144$ तो इनका इकाई अंक 4 होगा।

स्वयं हल करें

प्रश्न 1. $981^{29} \times 228^{15} \times 249^{46}$ का इकाई अंक ज्ञात करो?

प्रश्न 2. $16^{24} \times 15^{19} \times 11^{122}$ का इकाई अंक ज्ञात करो?

उदाहरण - $767^{65} \times 6^{41} \times 3^{57}$ में इकाई अंक क्या है?

हल - 767^{65} का इकाई अंक = $\frac{65}{4} = 1$

अतः $7^1 = 7$

पुनः 6^{41} का इकाई अंक = 6

पुनः 3^{57} का इकाई अंक = $\frac{57}{4} = 1$

अतः $3^1 = 3$

अभीष्ट अंक = $(7 \times 6 \times 3) = 126$

यहाँ इकाई अंक = 6 होगा।

योज्य तत्समक

- x का योज्य तत्समक = 0
- $x + 0 = x$

योज्य प्रतिलोम

- x का योज्य प्रतिलोम $= -x$
- $x + (-x) = 0$

उदाहरण – 4 का योज्य प्रतिलोम क्या होगा?

हल -4 का योज्य प्रतिलोम $= -4$
 $= 4 + (-4) = 0$

गुणन तत्समक

- x का गुणन तत्समक = 1
- $x \times 1 = x$

गुणन प्रतिलोम

- x का गुणन प्रतिलोम $= \frac{1}{x}$
- $x \times \frac{1}{x} = 1$

उदाहरण -

(i) 3 का गुणन प्रतिलोम बताओ?

हल - 3 का गुणन प्रतिलोम $= 3 \times \frac{1}{3} = 1$

(ii) $\frac{5}{7}$ का गुणन प्रतिलोम बताओ?

हल - $\frac{5}{7}$ का गुणन प्रतिलोम $= \frac{5}{7} \times \frac{7}{5} = 1$

भाग

भाग: गणित के इस संक्रिया में $\div$ इस चिन्ह का प्रयोग किया जाता है।

माना किसी संख्या a को b से विभक्त करने पर भागफल q तथा शेषफल r है तब

a = भाज्य

b = भाजक

q = भागफल

$r =$ शेषफल

$$\frac{{}^b\sqrt{a} \, 2}{r}$$

$$\text{भाज्य} = (\text{भाजक} \times \text{भागफल}) + \text{शेषफल}$$

उदा. 43141 में 3 का भाग देने पर भागफल और शेषफल बताइये?

हल. 43141 में 3 का भाग देने पर

भाजक 3) 43141 भागफल 1438
 भाज्य 12
 11
 - 9
 24
 24
 01 शेषफल

यहाँ भाज्य = 43141
 भाजक = 3
 भागफल = 1438
 शेषफल = 1

भाजकता के नियम

किसी संख्या में भाग देने के लिए भी कुछ नियम होते हैं। उन्हें ही भाजकता नियम कहते हैं। इनसे शीघ्र पता चल जाता है कि भाग जाएगा या नहीं।

- **2 का भाजकता नियम:**
जिस संख्या के अन्त में 0, 2, 4, 6, 8 अंक हों
- **3 से भाजक नियम**
जिस संख्या के सभी अंकों का योग 3 से विभाजित होता—
उदा. 38922
इसमें $3 + 8 + 9 + 2 + 2 = 24$
अतः यह संख्या 3 से पूर्णतः विभाजित है।
- **4 से भाजकता नियम**
जिस संख्या के अन्तिम दो अंक इकाई अंक व दहाई अंक दोनों में पूर्णतः भाग चला जाए तो —
उदा. (1) 42984
इस संख्या के 84 में भाग जाएगा तो सम्पूर्ण संख्या में भाग चला जाएगा।
- **5 से भाजकता नियम**
जिस संख्या का अन्त में इकाई अंक 0, 5 तो वह 5 से पूर्णतः विभाजित होगी।
उदा. (1) 9240
इस संख्या के अन्त में 0 है इसलिए यह 5 से पूरी तरह विभाजित होगी।
Note — 15 का विभाजकता नियम इसी तरह से होगा।
- **6 का भाजकता —**
जिस संख्या में 2 या 3 का भाग भी पूरा-पूरा चला जाए तो उस संख्या 6 का भाग भी चला जाएगा।
उदा. (1) 48 इसमें 2 व 3 का पूरा भाग जाता है इसलिए इसमें 6 का भाग भी पूरा-पूरा जाएगा।

• **7 का भाजकता नियम**

किसी संख्या में 7 का पूरा पूरा भाग जाएगा। जिसके लिए हमें संख्या के अंक को दुगना कर शेष बची संख्या में से घटाना है। यह प्रक्रिया कई बार भी करनी पड़ सकती है।

उदा. (1) 2961

इस संख्या का इकाई अंक 1 है और इसका दोगुना कर शेष बची संख्या में से घटाना होगा।

$$\Rightarrow 2961 \text{ का इकाई अंक } 1 \times 2 = 2$$

$$\Rightarrow 296 - 2 = 294 \rightarrow 4 \times 2 = 8$$

$$\Rightarrow 29 - 8 = 21$$

$\Rightarrow$ 21 से पुरी विभाजित है। अतः यह संख्या भी पूर्णतः विभाजित है।

Note— यदि कोई संख्या लगातार 6 बार आ जाए तो वह संख्या भी 7 से पूर्णतः विभाजित होगी।

उदा. (1) 222222

(2) 999999

• **13 का भाजकता नियम** — इसमें इकाई के अंक का चार गुना करके शेष संख्या में जोड़ते हैं।

उदा. (1) 6357

$$\text{यहाँ } 635 + 7 \times 4 = 635 + 28 = 663$$

$$660 + 3 \times 4 = 660 + 12 = 78$$

अतः 78 में 13 का भाग पूर्णतः विभाजित है।

• **8 का भाजकता**

जिस संख्या के अन्त के तीन अंकों में 8 का भाग चला जाए तो उस पूरी संख्या में 8 का भाग जाएगा। जिसके अन्त के इकाई, दहाई, सैकड़ा के अंक लेने हैं।

उदा. (1) 5432 संख्या 432 में यदि 8 का भाग पुरा-पुरा चला जाए तो यह संख्या 8 से पूर्णतः विभाजित होगी।

• **9 का भाजकता नियम**

जिस संख्या के अंको का योग करने पर उस संख्या में 9 का भाग चला जाए तो वह 9 से पूर्णतः विभाजित है।

उदा. (1) 8073 में अंकों का योग

$$8 + 0 + 7 + 3 = 18$$

18 में 9 का भाग जाता है इसलिए इस पूरी संख्या 8073 में भी जाएगा।

• **10 का भाजकता नियम**

जिस संख्या का अन्त 0 से हो

उदा. (1) 100, (2) 1000 (3) 590

• **11 का भाजकता नियम**

जिस भी संख्या में सम स्थान पर अंक और विषम स्थान पर अंक का अन्तर 0 या 11 के पहाड़े में से आये तो वह संख्या 11 से पूर्णतः विभाजित होगी।

उदा. (1) 2893

यहां संख्या के सम स्थान पर अंक — विषम स्थान पर अंक =

$$= (8 + 3) - (2 + 9)$$

$$= 11 - 11 = 0$$

यहां 0 आने पर यह संख्या 11 से पूर्णतः विभाजित है।

(2) 76,824 संख्या 11 से पूर्णतः विभाजित है या नहीं?

17 का विभाजकता नियम — इसमें संख्या के इकाई अंक को पाँच गुना करके शेष में से घटाते हैं और अन्त में जो बची संख्या में 17 का भाग जाएगा तो वह 17 से पूर्णतः विभाजित होगी।

उदा. (1) यदि 9 से संख्या $70x6$ में भाग पूरा जाए तो x का मान हो सकता है ?

(a) 9 (b) 4

(c) 5 (d) 3

जैसे — 9 का भाजकता नियम

$$7 + 0 + x + 6 = 13 + x$$

हम यहां x का मान विकल्पों में से रखेंगे।

यहां x का मान = 5 सही है।

(2) यदि 11 से संख्या $x756$ में भाग देने पर पूरा — पूरा जाए तो x का मान होगा ?

(a) 2 (b) 8

(c) 4 (d) 3

(3) कोई संख्या x में 8 से भाग देने पर भागफल 489 आये तो भाज्य, शेषफल ज्ञात कीजिए?

BODMAS का नियम

यह नियम अपने हिसाब से कार्य करता है जिसमें यह

$$[x - \{d \div c(x + y)\}]$$

यह सबसे पहले बार — को हल उसमें बाद ()

कोष्ठक, उसके पश्चात { } कोष्ठक और बड़े

कोष्ठक [] को हल किया जाता है।

इसके बाद क्रमशः का भाग गुणा, जोड़ या घटाव किया जाता है।

सरल स्तर

उदा. (1) $96 + 14 \times 12 - 20 \div 4$ का मान ज्ञात कीजिए ?

(a) 289 (b) 259

(c) 296 (d) 258

Ans. (b)

जैसे यहाँ $96 + 14 \times 12 - 20 \div 4$ में हम भाग की पहले हल करेंगे ?

$$\rightarrow 96 + 14 \times 12 - 5$$

$$\rightarrow 96 + 168 - 5$$

$$\rightarrow 264 - 5$$

$$= 259$$

कठिन स्तर

(2) $4\frac{2}{5} - \left(2\frac{1}{4} + \frac{2}{6} \times \frac{3}{7}\right)$ का मान कितना होगा ?

(a) $2\frac{1}{140}$

(b) $3\frac{1}{140}$

(c) $2\frac{3}{140}$

(d) $3\frac{3}{140}$

Ans. (a)

हल. $= 4\frac{2}{5} - \left(2\frac{1}{4} + \frac{2}{6} \times \frac{3}{7}\right)$ पहले कोष्ठक हल करें ?

$$= 4\frac{2}{5} - \left(2\frac{1}{4} + \frac{1}{7}\right)$$

$$= 4\frac{2}{5} - \left(\frac{9}{4} + \frac{1}{7}\right) = \frac{22}{5} - \frac{67}{28}$$

$$= \frac{22}{5} - \frac{67}{28} = \frac{616 - 335}{140}$$

$$= \frac{281}{140} = 2\frac{1}{140} \text{ Ans.}$$

नोट – उपरोक्त प्रश्न REET की पूर्व परीक्षा में आ चुके हैं और आगे भी आने की सम्भावना है और लघुत्तम समापत्य, महत्तम समापवर्तक निकालने के लिए इन टॉपिकों का अध्ययन करें।



Toppersnotes
Unleash the topper in you

4 CHAPTER

भिन्न

ऐसी संख्याएँ जिन्हें $\frac{x}{y}$ के रूप में व्यक्त किया जा सके

और x व y का मान कुछ न कुछ हो सकें। इसे भिन्न कहते हैं।

भिन्न निम्न प्रकार की होती है—

(1) **उचित भिन्न** — ऐसी भिन्न जिनके अंश का मान हर से छोटा होता है, वह उचित भिन्न कहलाती है। जैसे

$$-\left(\frac{3}{5}, \frac{11}{19}, \frac{4}{7}\right) - \text{उचित भिन्न}$$

(2) **अनुचित भिन्न** — ऐसी भिन्न जिनके अंश का मान हर से बड़ा होता है, उसे अनुचित भिन्न कहते हैं।

$$\text{जैसे } -\left(\frac{5}{3}, \frac{9}{4}, \frac{11}{7}\right) - \text{अनुचित भिन्न}$$

Note — अनुचित भिन्न से हमेशा मिश्र भिन्न बनायी जाती है।

(3) **मिश्र भिन्न** — एक अनुचित भिन्न को एक पूर्णांक संख्या और एक उचित भिन्न में बदलने से जो भिन्न प्राप्त होती है, उसे मिश्र भिन्न कहते हैं।

$$\text{उदाहरण } -\left(\frac{5}{3} = 1\frac{2}{3}\right) - \text{इसमें 1 पूर्णांक है तथा}$$

$$\frac{2}{3} \text{ उचित भिन्न है तथा } 1\frac{2}{3} \text{ मिश्र भिन्न है।}$$

(4) **इकाई भिन्न** — ऐसी भिन्न जिनके अंश का मान एक होता है, उसे इकाई भिन्न कहते हैं।

$$\text{जैसे } -\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{6}\right) \text{ आदि।}$$

(5) **तुल्य भिन्न** — दो या दो से अधिक भिन्न जिनके अंश व हर का गुणात्मक मान समान होता हो उसे तुल्य भिन्न कहते हैं।

$$\text{जैसे } -\left(\frac{2}{3}, \frac{20}{30}, \frac{40}{60}\right)$$

Q. निम्न में से $\frac{2}{3}$ के तुल्य भिन्न है—

(a) $\frac{6}{4}$

(b) $\frac{8}{12}$

(c) $\frac{12}{8}$

(d) $\frac{15}{20}$

(6) **दशमलव भिन्न** — ऐसी भिन्न जिनके हर का मान 10 के गुणांकों के रूप में होता है, उसे दशमलव भिन्न कहते हैं। जैसे $-0.5, 0.25, 0.125$

(7) **आरोही क्रम** — छोटे से बड़ा

नियम 1 — यदि भिन्नों के अंश समान होते हो और हर का मान अलग-अलग होता हो तो जिस भिन्न का हर सबसे छोटा होगा, वह भिन्न सबसे बड़ी होगी।

$$\text{जैसे } -\frac{5}{2}, \frac{5}{7}, \frac{5}{9}, \frac{5}{11}$$

(i) सबसे बड़ी भिन्न $-\frac{5}{2}$

(ii) सबसे छोटी भिन्न $-\frac{5}{11}$

(iii) अवरोही क्रम में $-\frac{5}{2}, \frac{5}{7}, \frac{5}{9}, \frac{5}{11}$

(iv) आरोही क्रम में $-\frac{5}{11}, \frac{5}{9}, \frac{5}{7}, \frac{5}{2}$

नियम 2 — यदि भिन्नों के हर समान होते हो और अंश का मान अलग-अलग होता हो तो जिस भिन्न का अंश सबसे बड़ा होगा वह भिन्न सबसे बड़ी होगी।

$$\text{जैसे } -\frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{13}{5}, \frac{7}{5} \quad \text{सबसे बड़ी } -\frac{13}{5}$$

$$\text{सबसे छोटी } -\frac{3}{5}$$

$$\text{अवरोही क्रम } -\frac{13}{5}, \frac{7}{5}, \frac{4}{5}, \frac{3}{5}$$

$$\text{आरोही क्रम } -\frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{7}{5}, \frac{13}{5}$$

नियम 3 — अंश व हर का अंतर समान होता हो लेकिन हर का मान अंश से बड़ा हो तो जिस भिन्न का अंश बड़ा होगा वह भिन्न सबसे बड़ी होगी।

$$\text{जैसे } -\frac{19}{21}, \frac{101}{103}, \frac{71}{73}, \frac{89}{91}$$

Ans. (b)
सबसे बड़ी $-\frac{101}{103}$

सबसे छोटी $-\frac{19}{21}$

$$\text{आरोही क्रम} - \frac{19}{21}, \frac{71}{73}, \frac{89}{91}, \frac{101}{103}$$

$$\text{अवरोही क्रम} - \frac{101}{103}, \frac{89}{91}, \frac{71}{73}, \frac{19}{21}$$

नियम 4 – यदि भिन्नों के अंश व हर का अंतर समान हो तथा अंश का मान हर से अधिक हो तो जिस भिन्न का अंश सबसे छोटा होगा वह भिन्न सबसे बड़ी होगी।

$$\text{जैसे} - \frac{21}{19}, \frac{73}{71}, \frac{91}{89}, \frac{103}{101}$$

$$\text{सबसे छोटी} = \frac{103}{101}$$

$$\text{सबसे बड़ी} = \frac{21}{19}$$

$$\text{आरोही} - \frac{103}{101}, \frac{91}{89}, \frac{73}{71}, \frac{21}{19}$$

$$\text{अवरोही} - \frac{21}{19}, \frac{73}{71}, \frac{91}{89}, \frac{103}{101}$$

$$\text{Q. 1 } \frac{2}{9}, \frac{5}{8}, \frac{1}{3}, \frac{3}{4} \text{ में आरोही क्रम में होगा ?}$$

$$\frac{2}{9}, \frac{1}{3}, \frac{5}{8}, \frac{3}{4} - \text{आरोही क्रम}$$

$$\frac{3}{4}, \frac{5}{8}, \frac{1}{3}, \frac{2}{9} - \text{अवरोही क्रम}$$

$$\text{Q. 2 } \frac{1}{3}, \frac{3}{4}, \frac{2}{5}, \frac{6}{7} \text{ में आरोही क्रम बताओ ?}$$

$$\text{उत्तर } \frac{1}{3}, \frac{2}{5}, \frac{3}{4}, \frac{6}{7} - \text{आरोही क्रम}$$

$$\text{Q. 3 निम्नलिखित में से छोटी भिन्न कौनसी है ?}$$

$$\frac{24}{25}, \frac{10}{11}, \frac{99}{100}, \frac{68}{69}$$

$$\text{उत्तर छोटी भिन्न} = \frac{10}{11}$$

$$\text{Q. 4 } 0.23232323 = 0.\overline{23} = \frac{23}{99} \text{ उत्तर}$$

Note – (1) सबसे पहले संख्या लिख दो।

(2) अंश में संख्या में से, जिस संख्या पर (–) नहीं हो उसे घटा दो।

(3) दशमलव के बाद बार (–) के नीचे जितने अंक हो हर में 9 के आगे उतने 9 लगा दो।

(4) दशमलव के बार (–) के अतिरिक्त अन्य जितने भी अंक हो हर में 9 के आगे उतनी शून्य लगा दो।

$$\text{Q. 5 } 4.\overline{7} = \frac{47-4}{9} = \left[\frac{43}{9} \right]$$

$$\text{Q. 6 } 0.\overline{3} + 0.\overline{6} + 0.\overline{7} + 0.\overline{8} = \frac{3}{9} + \frac{6}{9} + \frac{7}{9} + \frac{8}{9} = \frac{3+6+7+8}{9} = \frac{24}{9} = \frac{8}{3} = \left[2\frac{2}{3} \right]$$

(1) जिस संख्या से पहले कोई भी चिह्न नहीं होता है, उसे हमेशा + की माना जाता है।

(2) समान चिह्नों वाली संख्याएँ हमेशा जोड़ी जाती हैं और उस संख्या के पहले जो भी चिह्न लगा होता है जोड़ने के बाद में जो चिह्न लगा होता है, उसे ही लगाते हैं।

$$(i) -1-1 = -2 \quad (ii) +2+2 = +4$$

(3) असमान चिह्नों वाली संख्याएँ हमेशा घटायी जाती हैं और घटाने के बाद में बड़ी संख्या के पहले जो भी चिह्न लगा होता है, वही लगा देते हैं।

उदाहरण – 9

दिखाइए कि $0.2353535 \dots = 0.\overline{235}$ को $\frac{p}{q}$ के रूप में व्यक्त कर सकते हैं।

जहाँ p और q पूर्णांक हैं और $q \neq 0$ हैं।

हल : मान लीजिए $x = 0.235$ हैं। यहाँ यह देखिए कि 2 की पुनरावृत्ति नहीं होती है, परन्तु खंड 35 की पुनरावृत्ति होती है। क्योंकि दो अंकों की पुनरावृत्ति हो रही है, इसलिए हम x को 100 से गुणा करते हैं। ऐसा करने पर, हमें यह प्राप्त होता है :

$$100x = 23.53535 \dots$$

$$\text{इसलिए } 100x = 23.3 + 0.23535 \dots = 23.3 + x$$

$$\text{अतः } 99x = 23.3$$

$$\text{अर्थात् } 99x = \frac{233}{10}$$

$$\text{जिससे } x = \frac{233}{990} \text{ हुआ।}$$

आप इसके विलोम, अर्थात् $\frac{233}{990} = 0.\overline{235}$ की भी जाँच कर सकते हैं।

अतः अनवसानी आवर्ती दशमलव प्रसार वाली प्रत्येक संख्या को $\frac{p}{q}$ ($q \neq 0$) के रूप में व्यक्त किया जा सकता है, जहाँ p और q पूर्णांक हैं। आइए हम अपने परिणामों को संक्षेप में इस प्रकार व्यक्त करें :

5

CHAPTER

दशमलव भिन्न

दशमलव भिन्न – ऐसी भिन्न जिनके हर में 10 या 10 की घात हो वे भिन्न दशमलव भिन्न कहलाती हैं।

उदाहरण –

$$\frac{1}{10} = 0.1$$

$$\frac{2}{10} = 0.2$$

$$\frac{4}{100} = 0.04$$

$$\frac{9}{1000} = 0.009$$

जैसा कि हम स्थानीय मान टॉपिक में पढ़ चुके हैं – दशमलव के बाद

दहाई	इकाई	दशमलव	दसवाँ भाग	सौवाँ भाग	हजारवाँ भाग
दहाई x10	इकाई x1	•	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{1000}$

उदाहरण

सरल स्तर –

(i) 32.463 को विस्तारित रूप में लिखिए।

$$\text{हल} \quad -3 \times 10 + 2 \times 1 + 4 \times \frac{1}{10} + 6 \times \frac{1}{100} + 3 \times \frac{1}{1000}$$

$$= 30 + 2 + \frac{4}{10} + \frac{6}{100} + \frac{3}{1000}$$

(ii) $4000 + 30 + 3 + \frac{6}{10} + \frac{9}{100} + \frac{2}{1000}$ को दशमलव भिन्न में लिखिए –

$$\text{हल} \quad - = 4000 + 30 + 3 + \frac{6}{10} + \frac{9}{100} + \frac{2}{1000} \\ = 4033.692$$

कठिन स्तर –

(iii) 4 दहाई + 8 इकाई + 8 दसवाँ + 6 सौवाँ को दशमलव भिन्न में बदलिए।

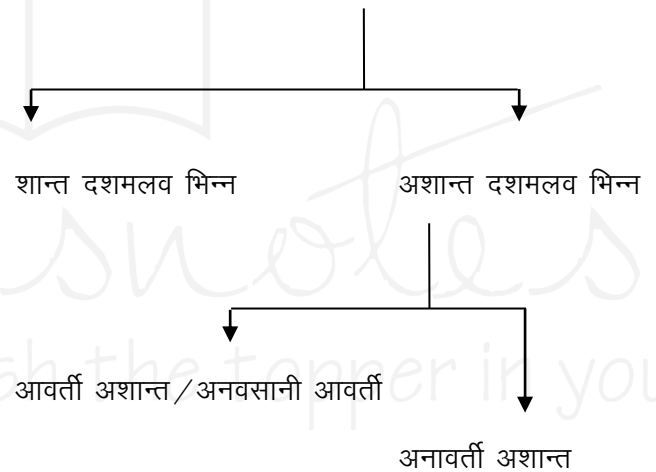
$$\text{हल} \quad - = 4 \times 10 + 8 \times 1 + \frac{8}{10} + \frac{6}{100} \\ = 48.86$$

(iv) निम्नलिखित संख्या को दशमलव रूप में लिखिए।

$$900 + 90 + 6 + \frac{6}{10} + \frac{9}{1000} + \frac{4}{100000}$$

$$\text{हल} \quad - 996 + 0.6 + 0.009 + 0.00004 \\ = 996.60904$$

दशमलव भिन्न



शान्त दशमलव भिन्न –

इनमें परिमेय संख्या आती है। जिन भिन्नों के अंश में हर का भाग देने पर दशमलव प्रसार एक या दो के बाद बन्द हो जाए।

उदाहरण –

$$(i) \quad \frac{15}{4}$$

$$\text{हल} \quad - \frac{15}{4} = 3.75$$

$$(ii) \quad \frac{21}{2}$$

$$\text{हल} \quad - \frac{21}{2} = 10.5$$

अशान्त दशमलव भिन्न – जिस भिन्न के अंश में हर का भाग देने पर दशमलव प्रसार बन्द ना हों।

उदाहरण –

(i) $\frac{10}{6}$ हल = $\frac{10}{6} = 1.666 \dots$

(ii) $\frac{7}{3}$ हल = $\frac{7}{3} = 2.333 \dots$

1. अनवसानी आवर्ती दशमलव भिन्न – किसी भिन्न के अंश में हर का भाग देने पर एक निश्चित अंक की आवर्ति रहे। हम भिन्न पर (-) लगाकर विराम दे सकते हैं।

उदाहरण –

(i) $\frac{20}{6} = 3.333 = 3.\overline{3}$

(ii) $\frac{19}{99} =$

हल = $\frac{19}{99} = 0.191919 \dots = 0.\overline{19}$

2. अनावर्ती अशान्त दशमलव भिन्न –

जब किसी भिन्न अंश में हर का भाग देने पर दशमलव के पश्चात् एक अनिश्चित अंक बढ़ते जाएँ।

उदाहरण –

(i) $\frac{19}{89}$

हल – $\frac{19}{89} = 0.2134831461\dots$

- अनवसानी आवर्ती दशमलव भिन्न को साधारण भिन्न में बदलों –

उदाहरण –

(i) $0.\overline{19}$

हल – $0.\overline{19} = \frac{0.19}{99} = \frac{19}{99}$

हर बार हटाकर उसके नीचे 9 लिख देंगे।

(ii) $3.\overline{3}$

हल – $3.\overline{3} = 3.\frac{3}{9} = 3.\frac{1}{3} = \frac{10}{3}$

(iii) $0.12\overline{7}$

हल – $0.12\overline{7} = \frac{127-12}{900} = \frac{115}{900} = \frac{23}{180}$

हम जितनी बार हैं तो उसके नीचे 9 लिखेंगे और उसके आगे जितने अंक हैं तो उतनी ही शून्य लिखेंगे।